283

EXPOSES OF PHILOSOCHIE DES SCIENCES

L. DE RITUL

VI

LA MÉTHODE

DANS LA

MÉCANIQUE DES QUANTA

PAR

W RENE DUGAS



PARIS

HERMANN & C'. EDITEURS

6, Ru de la So on e, "

140



Tous droits de traduction, de reproduction et d'adaptation réserrés pour tous pays. Corraces 1935 et Lesauses scientingus Hassann et C*, Paris.



INTRODUCTION

mathématicien est un privilègié : lorsqu'il a bâti un ensemble nouveau qui soit exempt de contradiction, oct ensemble existe de ce fait même et sans contestation à ses yeux. Les quelques contacts que la mathé-

matique a pu avoir, à son origine, avec le réel — et ceci encore est contesté par l'école idéaliste avec Kant, Russet, et, dans une certaine mesure, Polnicant — sont déjà si lointains qu'ils ne comptent plus, au moins dans le développement de la science.

Le mécaniciem (au sens rationnel bien entendu) fait un usage constant du lungage mathématique; mais, à la hase de se travaux, il pose un certain nombre d'axiomes dégagés de l'expérience, et dont le respect commande le traitement des individus abstraits dont il s'occur

Le physicien est plus difficile à anticitaire; il hei faut conserve le conduct contant saw ell'expérience el fin è recours au langage mathématique qu'autant que celtu-ci permet, tout en sauvant des phônomises comus, ellem prévoir de nouveaux ou d'en réunir plateirus dans une seule et inéme explication. Mais précisement put le partie de la la companie de la compani

Quant au philosophe, il est encore plus exigeant en général : comme psychologue, il vest déduire le rèel des sensations. Comme métaphysicien, il demande que la science soit susceptible de s'inolure dans des systèmes auxquels il n'admet pas qu'il puisse être dérocé. Il n'est pas possible de choisir entre ces diverses attitudes, ce qui serait tout à fait arbitraire. Devant certains aspects de la physique moderne, il semble que seul un mélange de ces differents citats d'esprit puisse offire une explication. On verra que, dans une telle analyze, on peut puiser quedques raisons nouvelles d'ajouter foi pur sécantes dectrines.

La science moderne évolue avec une rapidité surprenante qui met ap pétil l'étude de la méthode. La «science universelle », na une sen pétil l'étude de la méthode. La «science universelle », na une sens de Desc.avrs., «et débendée par les acquisitions incesantes sens de Desc.avrs., «et débendée par les acquisitions incesantes sens la house son les houses perientes fois dans l'histèrie de la physique, anne l'étée d'une repétentation noublatière de la maltier, il a fait levre en quelques années une forêt si touffuc que ses propres arbres rissuent de nous la étérober.

Avec la mécanique « corpusculaire » classique qui, jusqu'ai, n'avait connu que des succès et dont les novations d'Enstrus n'avaient pas cheanlé perfondément les principes, tout s'est trouvé remis en question. Dans quelle mesure le déterminisme — ou si Fon veut la « légalité » — subsiste-! i jusqu'à que jount les reprisentations couramment utilisées en physique mathématique conservent-elles une signification intrincèque ?

Ce sont là des questions qui ne peuvent être étudées, en debors même de toute idée de vulgurisation, quitte à s'égarer dans un symbolisme dont on ne serait plus maître. A nos yeux, il serait rigoureusement inadmissible — et cela a êté parfois avancé — de se résigner à fier que » nos équations en savent plus que nous

Devant les nouveautés selentifiques, deux attitudes extrêmes et également inacceptables peuvent se présenter ; la première consiste, per méconaissance de ce que la seienc ancieme explice déjà, à tout accepter avec l'excuse de l'ignorance ou la joie coupable de l'iconoclaste. La seconde à tout crisiquer, au nom d'idées délà recues, cels our présiude de non par analyse.

Le cristeurs mêmes des nouvelles doctiones se sont efforcés de nous éviter ces écusils. Bons a formulé le principe de correspondance, dans le but de réconcilier, au moins à la limite, l'électromagnétique classique et la première forme de la mécanique des quants dont il étair Bauteur. Louis os Bonoura a été guidé par le principe de FERNAT et les analogies optiques de MAUPERTUIS. atomique, en fondant la mécanique des matrices sur le principe de correspondance de Bonn et sur un nombre réduit de postulats expérimentaux de la spectrescopie. Dirac enfia a cherché à définir l'analogne quantique d'un système de la mécanique analytique classique, en rapportant à la formulación babituelle qu'une définition nouvelle et plus restrictive de l'outil de calcul connu sous le nom des ercohèts de Dursson ».

En depir de tout cela, Bonn a fish, pour la première fois en mésonique, mentir l'éclaire « nière ne fois à mais es et if ents bien evour que la manière dont il introduit la discontinuité présente une large ret d'arbitraire. Louis et Binouzz condamne le point matériel considéré jusqu'alors comme indispensable à la mézadique chasque sans que — l'évolution utileraire l'a montire « il soit en échange possible de croire à la réalide phyrique des ondes matéries des possible de croire à la réalide phyrique des ondes matéries de la mésonique que describación, céra-fective à une ateinte da la piece nonvelle action matique de la mésonique, qui offerens ser des points essential l'azionatique pasqu'ici universellement admise de l'école coper-nicienze.

Sur le plan de l'épistémologie, les dégâts — au moins en apparence — sont donc considérable « Murrassov, dans son dernier ouvrage; l'éde d'éléreminisme, n'a pas canhe qu'il était pessimine, ann nier l'importance considérable des travaux issus de la thèse de Louis ne Biscottz. Nous nous efforcerons de montrer que le philosophe peut, dans une large mesure, se rallier malgré tout à cette évolution.

Il nous a fallu quelque hardiesse, sinon pour entreprendre la tentative qui fait l'objet de ce travail, du moins pour persévérer en l'offrant au lecteur.

Nous ne saurions porter la hache dans la forêt des quanta, dont les cimes dominent de si haut. Mais en écartant quelques branches, nous avons nourri l'illusion d'y apercevoir quelque clarté — ou si l'on veut quelque raison nouvelle de oroire — et ce sera là la seule excuse de ce modeste essai.



L'AXIOMATIQUE DE LA MÉCANIQUE CLASSIQUE

Puisqu'aussi bien c'est la mécanique des quanta qui nous occupe ici, il est naturel d'envisager en premier lieu ce que j'appellerai le point de vue du mécanicien.

Je ne reviendrai pas en détail sur l'axiomatique de la mécanique classique. Tous ceux qui ont eu l'honneur de suivre, sur ce sujet, les magistrales legous de Parauxet savent qu'il a su donner à cetto axiomatique, par une analyse approfondie des théories scholastiques et des théories copermiciennes, une forme qu'il est permis de considérer comme définitive.

Sans dono revenir sur les éléments mêmes des principes de la mécanique classique, nous en tirerons la leçon — à notre avis essentielle — sous la forme du schéma suivant :

- 10 L'azionatique de la mécanique classique a éét, très péniblement d'alliura, déduite ou mieux d'aggé de l'azioniene. A cet aggar, et auss préjudice des préjugies de toute nature, métaphysique ou autres, qui on entrarès le developpement de la mécanique, les expériences terrestres risquaient de nous infuire en orveur en nous insat à un système de référence co toutes les lois de force qui pourraient servir à une description du monde servient beuvoup plus compliquees qui verc un système de référence list au centre de grevirle du système solaire : c'est donc l'astronomie qui est à la meu de cette gardanique et les métapaique collect qui en constitue
- 2º A partir de cette axiomatique, le langage du mécanicien (rationnel) est exclusivement matémetique. Pour donner d'un phénomème une interprétation mécanique, au sens classique, il suffitue celui-ci réponde à un principe de moindre ettion. L'interprétation peut être multiple; il y en a en fait une infinité, comme Pour-cané l'a montré dans une analyse bien comno, mais la légolité.

(us see publicosphique, terme préférable à celui de causalité qui un your de crétain logières et obtament de Merxinore et plus restrictif) de toute interprétation méessique se parlaite. Celui causain à ce que, dans le traitement de système méessiques (qui ne terme de la companie de la traitement de système méessiques (qui ne du second ordre et que, moyumant certaines lypothèses purement myliques, le traitement se déroule simisse lus projections de décernisée, à partir des conditions instituée qui compensante décernisée, à partir des conditions instituée qui compensante d'appet les copernières, son neulements les coordinates, mais encore d'appet les copernières, son neulements des coordinates, mais encore

Ceci post, la mécanique ordinaire nous apparell incontectablenent — blen que cette division puises sembler quelque peu artificielle — comme couple en deux : une axiomatique qui lui est propre et un langage qui est purement mathématique. L'ensemble mérite le qualificatif de « rationnel» ou d'« analytique » En effet, les axiomes de base sont seulement issus de l'expérience. Ils contituent dids des abstractions.

La mécanique rationnelle n'est donc qu'un langage de correspondance avec l'observation des mouvements réels des corps de l'univers, de même que la géométrie (élémentaire) énonce « sous une forme épurée », comme dissait PAINLEVÉ, les propriétée des corps solidés.

De l'approximation avec laquelle l'axiomatique de la micatique pair torduire l'expérience risulle seuls la protée pratique (qui en fait dans les phôtenmènes marcessepiques est considérable) de cette cincine purement risulaminel de rêque une legislei absolue. La liccum des Principie de N'avervo donne l'impression que la mécanique peut dère sans exagération qualifié des ésience organifiera, proguil ministrat ici du succle d'avoir, dans la legalité, déduit dens admonte tant d'explications que le semi comman ou l'explication que le semi comman ou l'explication que le semi comman ou l'explication que le semi de la desperie de la mécanique ries que section, pulsqu'unit bien en mablématique la revision de vribers se produir perfoi, mais elle ne peri jour qu'acreplossablement et dans se limites fort reserve.

En revanche, il ne semble y avoir aucun paradoxe à ce que l'axiomatique de la mécanique ait à se plier au progrès des sciences expérimentales, et la théorie des quanta en a précisément montré la nécessité. A supposer même que la mathématique plu se réduire à une « immense tautologie » (et on sait que Pouxcank a rojeté

cete hypothies) in mécanique ne risque pas e nort, cur il restrouit, me liste que constituent sea aziones más cen tots, qui émorgent, un liste que constituent sea aziones más cen tots, qui émorgent, de l'expérience peuvent être — partiellement su moins — submer-se par per celle-ci, à la seale condition, d'allieur sessentiels, que la novation ainsi apportée à la mécanique permette de conserver de la phonomines delà expliques. Se totte demêtre condition n'était, pas remplis, on auruit à considèrer deux mécaniques distinctes, pas respris, pas restroits, pour l'étectromagnétique (éspations de Nax-veux) et pour l'externist, pour l'étectromagnétique (éspations de Nax-veux) et pour le site préstations mécaniques ordinaires. Il est hors de doute que chaque fois que l'un peut éviter partille dualité, la seience marreure un prorets improvant dans l'ordre locioux.



NOVATIONS RELATIVISTES A L'AXIOMATIQUE DE LA MÉCANIQUE ORDINAIRE

Arrivés à ce point, il est naturel que nous examinions les aménagements que la mécanique classique avait du accepter avant le récent développement de la théorie des quants.

Tout d'abord, la relativité restreinte. Pour ne pas tomber dans le travers de l'ignorance dont nous parlions plus haut, nous nous sierons ici à l'attitude prise par Pairarvé et qui semble en accord avec les considérations que nous venous de dévelonce de de

Je ne crois pas que l'en puisse noutenir africassement que PAINLY, et ait réfuté les idées mêmes d'ENSTEIN. Tout en soulignant les paradoxes, d'allièurs insorrects, que l'on avait oru pouvoir en déduire, il reis surtous élevé avec force contre l'opinion, communiement répandue dans les premisers ouvrages qui ont développe la théorie d'ENSTEIN, que celle-ci pouvait se passer, au contraire de la mécanique cordinaire, de systems de népécence principles.

Dans une Note sur la propagation de la lamière, faisant suite aux Aziones de la mécanique (Gauthier Villars, ed., 1922), Panuryé pose d'abord en mécanique classique le postulai fondamental de Keples-Frasset, qu'il écrit comme suit:

On pout définir une mesure des longueurs et du temps et un système de référence tels que, dans ce système :

tème de référence tels que, dans ce système :

a) Le mouvement de tout élément matériel très éloigné de tous
les autres soit rectilissae et uniforme (principe de l'inertie).

 b) La propagation de la lumière, loin de toute matière, soit rectiligne, uniforme et ait la même vitesse dans tous les sens (principe de Fasset).

Au sens classique, pour un astre A, le système de référence ainsi admissible sera celui où la vitesse absolue de A est nulle. D'après Painlevé, la relativité restreinte admet nécessairement le postulat de Kepler-Fresnel ainsi formulé et en outre le suivant :

c) Si le postulat de KEPLER-FRENEL est vrai pour les observateurs de l'astre A (adoptant celui-ci comme corps de référence), il est également vrai pour les observateurs de l'astre B (adoptant celui-ci comme corps de référence) [principe de relativité].

Les corps A et B sont nécessairement, pour que tout ceci soit valable, très éloignés l'un de l'autre et d'autre part de tous les corps de l'univers.

Le systeme qui répondent à la question en relativité retreinte ont en nombre infini (contre un seul saisfaisant, dans le vide sidéral, au poutuait de Kurun-Puussu. au sem classique). Mais il reste que cette infinité ne comprend que des acce priviligiés, est le fait pour deux systèmes de référence quéconques d'étre en translation uniforme relative l'un par rapport à l'autre ne suffit nullement de qu'on puisse dur papiègues le principe de la relativité entreinte.

Volla pour l'aspect cântenique de la relativité restroitate, lequel, onos devons insister sur ce point, els test aspect virtiment nouveau de la première doctrine einsteinienne du point de vue exclusif un veau de la première doctrine einsteinienne du point de vue exclusif au que de transformation de Louerra et la loi de composition des groupe de transformation de Louerra et la loi de composition des virieducible à la cinématique de Louerra et la loi de composition des irréducible à la cinématique ordinaire. En revanche, on n'aperçoit de par qu'entre la dynamique de la relativité restreinte dans un système de référence donné (dont on ne sortinai pas) il y ait des différences uners su'anoliteura even de transmisse avec la dynamique ordinaire.

Ce sont encore les travaux de PAINLEVÉ qui nous permettront de traiter, en toute rigueur, ce point essentiel.

En effet, des 1890, Parsiavé énonçais une dynamique de masse variable, respectant le principe d'égalité de l'action et de la réaction, l'axiome de a légalité » coperniciene et l'axiome de la composition des forces, et compatible en outre avec la cinématique ordinaire.

Cette dynamique était plus générale que celle d'Einstein, d'abord parce que la loi de variation de la masse avec la viesse pouvait être quelconque, ensuite parce qu'il n'y avait aucun relation nécessaire entre la masse longitudinale et la masse transversale d'un même étément matériel. Elle englobait effectivement, versale d'un même étément matériel. Elle englobait effectivement, moyennant certains détails que nous allons expliciter, la dynamique de l' « électron lentement accéléré » construite par Einstrin en 1905.

La dynamique ainsi imaginée par PANNEVÉ pouvait passer à l'époque pour un simple jeu d'esprit mathématique, car elle est antérieure aux preuves physiques (lesquelles aujourd'hui sont tenues pour indiscutables) de la variabilité de la masse.

Pour situer dans ce cadre la dynamique relativiste, il suffit des restrictions ou novations suivantes aux conceptions de PAINLEVÉ :

a) Il convient d'écrire les équations du point matériel en dérivant la quantité de mouvement et non en considérant séparément l'accélération tangentielle et l'accélération normale, ce qui introduit une relation immédiate entre masse longitudinale et masse transversale, celle-i restant arbitraire.

b) Dans l'expression du potentiel, si l'on admet dans leur ensemble les données dectromagnétiques de la relativité restreinte, il est naturel d'introduire la notion du « potentiel retarde » au lieu de celle de potentiel newtonien, ce qui revient en termes clairs à nier le caractère d'intantantaité de l'action à distance.

Alors que (a) consaitse une restriction (b) est une novation cas il est bien facile de virileire que il von admet (b) le principe d'egalité de l'action est de la réaction est de la réaction est de la réaction été plus valable. L'atteinte à ou principe est d'ailleurs, si elle existie en fait, fort team, et nous avons pu le vérifier nous-mêmes en étudiant après G. C. Daxway avons pu le vérifier nous-mêmes en étudiant après G. C. Daxway pur le problème des deux copre de la réclairité atrestrient avec application des conditions des quants de Bons-Sousenratzs. Nous avons que actuelle que pur déclaire si le principe d'égalité de l'action et de la réaction est ou non valable, il faudrait meuure, dans le cas de la l'action et ou non valable, il faudrait meuure, dans le cas de l'hydrogien, la 1800° partie de la correction de réalitrité proprement dits, laquelle ne représente dans l'échelle des longueurs de l'orde de un custant étons l'actions entièmes d'autrettion à

Soient alors admis les points (a) et (b). Dans la classe des dynamiques de masse variable de PAINLEVÉ, la dynamique einsteinienne se trouve choisie par les conditions suivantes:

a₁) Validité de la mécanique ordinaire (de masse constante) dans le système de Louxxrz propre à l'instant i, et ceci pendant le temps infiniment petit di seulement, car le système propre charge à chaque instant si le mouvement de l'élément considéré et accélées. Soulimons que le système propre n'ez par céul dans le quel on

écrit les équations du point soumis à une force non nulle, car il faudrait pour cela une infinité de tels systèmes.

a_k) Quand on passe, d un instant donné, du système de référence dans lequel est décrit le mouvement saccélèrée (et qui liu ne change pas) au système propre correspondant (qui lui change à chaque instant comme nous l'avons déjà dit) la force doit se transformer comme les composantes du champ életromagnétique (conservation des équations de Maxwell dans une transformation de Lorektri).

Les postulats (a₂) et (a₃) étant ainsi admis livrent la dynamique de l'électron ou particule qui dans la transformation (a₃) conserve invariante sa charge électrique. Einsyrin postule enfin :

a) La loi ainsi obtenne est valable pour tout point matériel.
On trouvera peut-être cette discussion trop longue; si nous l'avona ainsi détaillée, pour concilier les points de vue de PAINLEYÉ et d'EINFEIN, c'est également en vue d'établir qu'en toute rigueur seul, parmi le axiomes de la dynamique, le principe d'égalité de

seul, parmi les axiomes de la dynamique, le principo d'égalité de l'action et de la réaction se trouve « submergé » et nous avons dit en passats qu'expérimentalement le mai n'est pas grand. Les postulats (a), (a) et (a) apparaisent d'ailleurs dans le mémoire origin ad l'Eisersus sur l'électrodynamique des corps en nouvement, pour peu qu'on le lise avec soin.

Les noutulais de, et (a) sont apécifiquement relaticiates. Le

Les postulats (a₂) et (a₂) sont specifiquement relationses. Le postulat (a₂) en revanche peut recevoir une application plus générale, mais nous n'insistons pas sur ce point.

Au fond, dans le clause des dynamiques de PARIXEN, en choisires colle d'ENERRIS pere qu'elle est physiquemont seriel. PARIXENT emurque que la relativité reterinte, en debors de l'expérime de MORILEAGE QU'E seutiée, rend compté d'une façon très satisfiasante de l'expériment de PIRIXEN. Nous personns que c'est survivaire les syntètres parties et entièrement nouvelle qu'elle institute dans les hois de l'électromagnétisme et le fait qu'elle fair rettrer le appuistance de Navaux, dans le carder de la mécanique qui en consequente de l'experiment de le mécanique qui en consequente de l'experiment de l'expériment de l'e

A ces arguments en faveur de la dynamique einsteinienne, on doit ajouter le critérium de la simplicité de la loi de variation de la masse avec la vitesse : cette simplicité apparaît lorsqu'on considère la masse comme une fonction de l'élément qui généralise immédiatement la notion classique de force vive. Nous arrivons ainsi à la constatation que la masse cisationience est une fonction linéarie de la force vive généralizée; c'est donc le premier terme du développement en série de la masse suivant les puissances de cette force vive. C'est donc la loi la fusir aimée du sie cusisee concevoir.

Une des caractéristiques essentiéles de la dynamique relativisé, cêt et, qu'elle conscripté pelementa la légillà motosionen. Aux novateurs comme Louis ne Binocuts, elle apparaît comme une nicentique e ancieme o su edangie ex éces par le fait intende et au légalité. Dans le langue du mablématicien, en dérait que la seule difference une la dynamique de la relativité restroite, dans un système de référence cionné, et la dynamique ordinaire, c'est que la fonction qui intervient dans l'étronné du théorient des forces vives dans l'inoué du principe d'Il autron, mais ce sont la de alternative dans l'inoué du principe d'Il autron, mais ce sont la des l'étres de la distinction analytiques qui en confident aux sessions défenses les éléctres du situations.

Certes, les démonstrations expérimentales de la variabilité de la massen e prevent der mises systématiquement à l'actif du principe de relativité, puisqu'il en caiste une explosation cleasique comme o vinte de le voix. Mais la dyamanique de la relativité restreinte doit être physiquement jupée comme une simple de la relativité restreinte doit être physiquement jupée comme une simple partir d'un mesmeble, et, a cet garde, elle conept une situation privilégies dans la sério des dynamiques acceptables au sens de Paratvet, tout en apparentant siaux conteste à la familié des mécaliques coperti-

٠٠.

Quelques mots sur la relativité ginéralisée, non pas que nous ayons l'occasion d'y revenir, mas pour illustree encore l'attitude du mécanicien devant une novation à l'azionatique antérieuremt admise. Le encore nous aurons recours à l'azintzé. Sans nier l'intérêt de la conception cianténienne, Paratzev à rest déventre la traisme de l'avaraismes evai a cé pardin soccept à cette occasion. Il souligne que ce n'est pas le seuf fait que toutes les lois de la nature dévine demarcer covaraismes dans un démonsée de la nature dévine demarcer covaraismes dans un démondée à la revertaisme. Il fait en cutre avoir recours à un principe de mointer action n'infertille à l'evance-temps, es admentant que les quations est de l'autorité du l'autorité de l'autorité deu

du mouvement rentrent dans la classe très étendue mais pourtant oxceptionnelle des systèmes définisant les géodètiques d'un det à 4 variables, accepter l'axione operairien de aussalié et le potulat de Keplen-Franke, et postuler des conditions invariantes s'inspirant à la fois « des théories de la gravitation newtonienne et de la théorie de la courbure des surfaces ordinaires.

En somme, l'azionatique que suppose l'interprétation du célèbre de de Survavarients comprend, outre le principe de l'universelle covariance, mainta postulate qui sont les mêmes qu'en mècanique ordinaire. Cola ne vest unibenent dire que la synthèse suivant laquélle la gravitation résulterais d'une courbure convenuble en suivant laquélle la gravitation résulterais d'une courbure convenuble de l'appose-temps une pas été explicitement donnée. Il est senoque l'azionatique n'en a pas été explicitement donnée. Il est senotal de die que, des ou premier mémoires una la relativité genéralisée, de suivait visé à donne un exposé direct est accessible de sa théorie, is aux levit de la fonder sur le nombre minimum d'axiones indissans obserber à la fonder sur le nombre minimum d'axiones indisparative de la fonder sur le mombre minimum d'axiones indister de la fonder sur le nombre minimum d'axiones indisterreture en permet qui se la fraptible présentant le minimum d'axitiraire est montrait le constant souci de retrouvre en permetire approximation les lois nevolutements.

Nous abandonnerons définitivement ici la relativité généralisée et conviendrons que, dans tout ce qui suit, le mot relativité no s'entendra que de la forme restreinte des doctrines einsteiniennes.



L'ÉVOLUTION DE LA MÉCANIQUE DES QUANTA

Nous allons chercher, en continuant toujours à suivre le point de vue du mécanicies, à analyser successivement dans l'ordishistorique les diverses formes de la mécanique des quanta. Nous resterons dans le domaine des faits élémentaires et n'avons pas la expération de d'esserie iun inventaire, mais bien su contraire de schématier les novations successives ainsi apportées à la mécanique ordinaire, réservant pour plus tard l'indication des synthèses mathématiques dues à Dirace et M. J. L. DESPOUCHES. Nous n'étri-rons cue le minimum d'étenations.

a) Théorie de Bohr.

La pramière forme de la mécanique des quatra et celle qu'il formulée Bonn en 1913. Bonn, considerant le modiés atomique de l'atome d'hydrogène constitué d'un électron gravitant autour d'un noyau fix, conformément à la loi de Neuvro, saivant ut trajectoire circulaire, impose à l'ésergée totale de l'électron de vivoir que des valeurs discrize: test des l'électrons qu'en des trajectoires admissibles, diese autémonaires. Il ne reyonne par ével contrairement aux hypothèses de l'électrons qu'en de l'entre qu'en le movement est acclient. L'un l'électron que l'entre de l'entre des l'entre de l'

 $\Delta W = hv$

h étant la constante universelle de PLANCE.

Du point de vue métantique intervient seulement, et d'une façon dont les grands succés expérimentar, fruits d'une géniale intuition, n'atténuent pas l'arbitraire, la novation qui consiste ici à faire, quelconque de valeurs discretes, un départ entre les trajectoires princes et les trajectoires défendes dans l'infinité continus des trajectoires classiquement admissibles. Il y a sélection physique des abittions métaniques, mais pas d'autre novation.

Qu'il suffise de dire que le modèle de Bonn a été perfectionné par Sommersen qui a montré que pour des systèmes mécaniques généraux, l'introduction des discontinuités voulues par Bonn pouvait «exprimer par :

$$\int p_{\mathbf{x}}dq_{\mathbf{x}} = n_{\mathbf{x}}h$$

(l'indice k concerne chaque degré de liberté, $n_{\rm K}$ est en entier, k est la constante de Planck, $q_{\rm K}$ et $p_{\rm K}$ sont des coordonnées et des moments conjugués au sens de ce terme en mécanique ordinaire).

L'équation que nous venons d'écrire s'appelle condition des guanta. On la fait, en pratique, intervenir après avoir intégré le problème de dynamique par la méthode de Jacoss, lorsqu'on pout éépare effectivement les variables.

Le traitement relativiste du modèle atomique de Bours-Son-MERFELD n'offre, en théorie, aucune particularité spéciale. Ce point est d'ailleurs évident si l'on admet tout ce qui précède.

b) Les ondes de Louis de Broglie.

C'est Louis pr Bacotta qui a été le premier novateur essentiel de la mécanique jusqu'ici reçue. Guidé par des analogies optiques (principes de Franxar et de Mavezarues) il comiédre un point matériel rélativiste libre et lui associe dans le système de LORENZ propre qui accompagne ce point, une onde monochromatique sinusodulae de frécuence », définie ser :

où W_0 est l'énergie au repos du point considéré (conformément à la théorie d'Einstein) à est toujours la constante de Planck, m_0 la masse au repos de la particule et c la vitesse de la lumière dans le vide. Appliquant alors les équations de LORENTZ, il est conduit à écrire ce que devient cette onde associée lorsque le point est animé d'une certaine vitesse quelconque. Cette seule considération livre une série de conséquences :

a) la relation optique du quantum W = hv (W énergie, v fréquence) subsiste dans tout système (de Lorentz);

b) l'amplitude de l'onde se propage avec la même vitesse que le point matériel. Si l'on considère un « paquet d'ondes » localisé autour du point, la vitesse de grospe de ces ondes (notion bien connue due à Lord Ratzunn) colincide encore avec la vitesse du point; c) la phase de l'onde se propage avec un vitesse d'e (vitesse l'apparent l'apparent

c) la pinate de l'once es propage avec une vicesse — (c vitesse de la lumière dans le vide et « vitesse du point). Cette vitesse de phase est donc supérieure à celle de la lumière, mais il n'y a, contrairement aux apparences, assume contradiction avec les notions relativistes habituelles, car l'ênergie et l'amplitude respectent la limite einsteinena, avec le point matériel qu'ils accompagnent;

 d) la longueur d'onde de l'onde associée au point est liée à la quantité de mouvement (au sens relativiste) par une relation très simple que de Broclie appelle relation mécanique du quantum;

e) enfin, par induction à partir du point libre, DE BROGLES montre que si le point matériel décrit une trajectoire fermée, la seule condition que l'association onde-particule demeure cohérente donne précisément les conditions des quanta de BORN-SOMMEN-FILD, et cola d'une manière ou une supreme Teribiration.

On a done le schéma suivant :

Association de l'onde à la particule.

Fréquence Benegie (condition optique).
Vitesse Camplitude et vitesse de groupe Vitesse Longreur d'onde dition mécanique).
Paquet d'ondes Localisation (approximative) du sociat.

Il n'est pas exagéré de taxer cette association onde-particule de révolution mécanique, et l'évolution ultérieure a montré que cette révolution était bien plus profonde encore que l'on aurait pu le croire, avec une lecture superficielle du premier mémoire de Louis ps. Bhocalis.

c) Travaux de Schrödinger.

En effet, presque immediatement aprés, Scanfauvaca démontre que la mécanique ordinaire n'est nullement liée à la relativité, mais que la mécanique ordinaire est ausceptible d'une extension ondutatoire : des ondes simunotiales peuvent être ausociées au mouvement d'un point matériel classique seivant lui-même une loi de force quelconque. Ceci est vrai d'un système de points aussi bion unes d'un molte propriet de la contra de la contra de la contra propriet de la contra de la contra de la contra de la contra la contra de la contra de la contra de la contra de la contra propriet de la contra de la contra de la contra de la contra la contra de la contra del la cont

D'une façon rigoureuse, si l'équation bien connuc de Jacos: s'écrit pour un point matériel classique en coordonnées cartésiennes :

$$\left(\frac{\delta S}{\delta x}\right)^{3} + \left(\frac{\delta S}{\delta y}\right)^{3} + \left(\frac{\delta S}{\delta z}\right)^{3} = 2m (U + W)$$

où S est l'action, m la masse, U la fonction des forces et W l'energie, l'extension ondulatoire au sens de S cuisödingen revient à exiger que l'on ajoute au premier membre de l'équation de J acons le terme :

$$\frac{\hbar i}{2\pi} \left(\frac{\delta^4 S}{\delta x^4} \, + \, \frac{\delta^4 S}{\delta y^4} \, + \, \frac{\delta^4 S}{\delta z^4} \right)$$

où h est la constante de PLANCK et i le symbole des imaginaires. Si on néglige ce terme complémentaire, qui est fort petit, car h vaut en unités C. G. S. environ 5,5 × 10⁻²⁷ (dimensions ML*T-1) on retombe de la mécanique ondulatoire à la mécanique classique, comme de Potique ondulatoire à l'octione sécontrique.

Data le cas pur d'abord conço par ne Basociar, il y avait idontife de la mécanique condustriere de da la mecanique classique et cette circonatance était due su caractère uniforme du mouvement du point libre. En coute, d'une manière générale, à o est une approximation plus que suffisante dans tout le domaise morcospique, et à si l'on n'attache sur repérentations qu'une valuer impuisitique nous reviendrons lè-dessus — on dispose, moyenmant cette approximation, de deux façons depuisement de tradpir la mécanique.

A l'échelle de l'atome, ceci n'est plus vrai, ou plus exactement n'est plus vrai à l'égard des mécaniques corpusculaires *ontéricares* à Louis de Bacotate (classique, relativiste). La mécanique ondulatoire fait figure d'outil de précision, à côté duquel les mécaniques corpusculaires classiques ne nont que de grossiéres approximations.

Le grand progrès rationnel de la mécanique ondulatoire, c'est

d'avoir incorporé dans l'équation même des ondes les discontinuités voules par Bions pour expliquer la Heritarde des rais spectrales. Nous avons souligée àu passage l'arbitraire des conditions de quants de Bons-Souvarrant. Be misentajes endulations, cet arbitraire se trouve penque complétement supprind du fait qu'en imposant aux solutions de l'équation de sonde de Scientebronz des conditions feet naturelles aux yeux des mathématiciens, à severir continuités, péquatries, autientais, sutiles à l'insilie, l'écrape que prévoyait Bons, mais dans un seas géneralement plus contrems aux expérience. Ce progrès rationnel est la principale raison de croire à la mésanique ondulatoire, dens le traitement pritique et de giédral plus and que coulé de la béboré de Bons.

Scindoriona a lai-indian sixolia le problème du traitement riche vitriste (ne prience d'un champ de force) de la micanique ondulatoire. En nivent l'analyse qu'il avait établie dans le cas de la mécalique ordinaire, coma avens pur veifire à la feveur d'une axtension immédiate que la dynamique générale de masse variable au sans de Pauxary, la dynamique ralteiviné e la dynamique ordinaire, dans un supace de Ruzaarsa à trois dimensions de diquardattique quelocoque, sont susceptible (as mosius madhématiquament, l'intérprétation physique dants in terretori d'une saule et mine carriere de la constitue de la covertice leur est commune et et même carriere de modaletoire. La survetice leur est commune de

d) Mécanique quantique d'Heisenberg-Dirac.

Parallèment aux travaux de Louis ne Brooles et Scendnicos, et par une de ces rencontres qui sont fréquentes dans l'histoire de la science, firsarsance, suivant une voie extétement différente, créait une mécanique, corpusciaire cette fois (dans une certaine limit tout un moins), dépresant également à mécanique ordinaire et qu'une analyre ultérieure, due à Scandonicos, a permis d'identifier, dans se conséquences, à la mécanique condulatoire.

Il est nécessaire d'abandonner momentanément le point de vue du mécanicien pour exposer l'origine de la mécanique d'HEIREN-RENO, initialement baptisée du nom de mécanique des matrices, et casuite désignée sous le nom de mécanique quantique, lequel est, plus général et englobe aussi la mécanique oudulatoire au sens de Canadinances. HISENERAD, dont les premiers travaux ont été conque à partir de la tebreir des quants de Bouns-Souxurzuxa, a cherné de façon de la tebreir des quants de Bouns-Souxurzuxa, a cherné de façon devidente à résgir contre le carantére quelque peu artificiel de modifies atomiques par exemple) sont nombreux. Il a tenu à ne partir décetroniques par exemple) sont nombreux. Il a tenu à ne partir que d'un nombre résults de postulas exprimentaux, et avis pauyant sur une extension de l'életromagnétique classique, à fonder une norvelle mécanique rendant compté des données exprimentales de la spectroscopie. Son point de départ est donn extement plysière.

Avant tout, il nous fast indiquer ce que Bous entendat's pur son sy principe de correspondares. Nous avant siĝà dis tous où que le modele atomique de Bous déregasià à l'electro-magnétique classique da fist que le deterne palmathera pouviente decire, sama prisque nature rayonner, leurs trajecteires stationaires. Mais comme l'électro-magnétique chaque que agran nombre de phénomènes qu'il coavient de conserver, Bous a cherchà à conditier, au moitas et alle lointe, se modifes atomiques aver la taberie classique. C'est est sur fond, dans un autre domaire, l'attitude de Paxixu' devant les théories d'Erexrix. C'est l'attitude normale du savant, qui est tote present de l'accident de l'ac

En électromagnétique classique, la frèquence du rayonnement se déduit des frèquences mécaniques du système considéré, alors que dans les modèles de Boun la frèquence du rayonnement, dite frèquence optique, résulte essentiellement, par la loi de PLANCK, de la valeur des sauts d'énergie, et par suite as corrélation avec les frèquences mécaniques du système set beaucoup moins directe.

Je n'extre pas lei dans des détails analytiques qui n'entraînnient trop loin, et je me borne à dire que Bonn a elfoctivoment démontré qu'à la limits, c'est-à-dire pour les austs d'énergie à partir de niveaux très déveis (grande nombre m, de la formule de SONMENTEZ ÉFE PER les hauts), la fréquence opique par l'électromagnétique classique. Tel est l'énencé de principe de correspondance.

HEISENBERG, pour arriver à une formulation mathématique, est alors conduit à partir d'une représentation bien connue des mécaniciens elassiques, à savoir la représentation en sèrie de Fou-RIER d'ordre p des variables dynamiques, les coordonnées étant les « variables angulaires » et les moments conjugués au sens d'Hамилтом les « intégrales de phase »

 $\int p_{\rm x} dq_{\rm x}$ qui jonent d'ailleurs, on l'a déjà vu, un rôle essentiel dans l'analyse de Sommespreid.

Les postulats d'HEISENBERG sont alors les suivants :

1.08 postulats d'HEISENBERG sont alors les suivants :
1º postulat fondamental de Planck-Bohr, suivant lequel l'éner-

gic d'un système ne peut prendre que des valeurs discrètes, les sauts d'énergic étant liés à la fréquence optique du rayonnement par la loi $W_m - W_n = h_{m-1}$:

2º principe purement expérimental de combinaison de la spectroscopie dù à Rurz, qui est d'ailleurs analytiquement une conséquence du précédent, mais qui a dicté la règle du produit des matrices (voir ci-dossous).

3º postulat d'analogie quantique, Ini-même deried du principe de cerrespondance de Boun : l'analogue quantique du dévelopement d'une variable dynamique classique, appartenant à un système quasi-princique, en série de Fouura d'ordre p, les coordonnées canoniques étant celles indiquées plus haut, et une matrice à deux indices (m et n) comportant une infinité de lignes et de co-lonnes et dépendant du temps par le facteur d'évour.

Chaquo matrice — ou si l'on veut chaque observable — est ainsi oonjuguée à deux niveaux d'énergie. La multiplication des matrices, directement inspirée du deuxième postulat n'est pas, en général, commutative :

4º postulat suivant lequel Pinergie rayonnée par un système dans l'anité de temps s'obtient en remplaçant dans les formules de l'électromagnétique classique les composantes de Foursra du déplacement électrique total par les matrices correspondantes. Ce postulat a pour objet de permettre une interprétation physique quantitative de la mécanique des matrices.

HEISENDRO D'avait considéré à l'origine que des systèmes mécaniques très simples, où l'hamiltonien ne dépend pas du temps. C'est Dinac qui a formulé d'une manière générale les analogues quantiques des systèmes mécanismes classiques.

Pour cela, il est parti des équations canoniques d'HANILTON, dans leur expression classique à l'aide des « crochets de Poisson ». Il a modifié l'algèbre de ces crochets de telle manière que si a et lgont deux variables dynamiques, ou ait la définition :

$$\frac{i\hbar}{2\pi} [a, b] = ab - ba$$

pour la corchet quantique [n, §] lequel, contrairement au crochet crimiarie de Possos, pen tiere défini par la règle ci-dessuferent de la comparisation de la comparisation de la comparisation de la produit de deux variables quelocoques pour n'être pas commatit, à l'exemple de matrice d'Ilsassamo. Si Pon admet ainsi cette righ, bien surperannte la première vue, mais dont la justificialment et à cherchet dans les postituis d'Ilrassamos dont de contraire de la comparisation de la comparisation de la contraire de la contraire de cherchet dans les postituis d'Ilrassamos dont de primière de de la comparisation de la comparisation de la cherchet dans les postituis d'Ilrassamos dont de primière de la commanda de la comparisation de la com

 a) les crochets (quantiques) des coordonnées et de leurs moments conjugués ont les mêmes valeurs que les crochets correspondants en mécanique ordinaire;

b) les analogues quantiques des équations du mouvement classiques s'écrivent en remplaçant les crochets classiques par la définition écrite plus haut des crochets quantiques.

De ces deux régles se déduisent immédiatement les conditions des quanta qui s'écrivent ici sous la forme purement algébrique :

$$q_{\mathbf{x}}p_{\mathbf{x}} - p_{\mathbf{x}}q_{\mathbf{x}} = \frac{i\hbar}{2\pi}$$

La novation à l'algèbre ordinaire n'apparaît ainsi qu'à l'égard des coordonnées et de leurs moments conjugués ; les coordonnées, les moments et les éléments coordonnées et moments non conjugués se multiplient entre eux comme à l'ordinaire.

La formulation de Dirac est ainsi extrêmement directe, car, en dehors de difficultés accessoires de symétrisation, communes d'ailleurs à tous les modes de quantification, elle n'exige que les règles (a) et (b) ci-dessus.

Nous sommes ainsi en présence de trois conditions des quanta : 1º celles de Воня, dont l'introduction est indéniablement artificialla :

2º celles de la mécanique ondulatoire, qui se réduisent à des conditions toutes naturelles imposées aux solutions de l'équation des ondes induite de l'équation de Jacob;

3º celles d'HEISENBERG-DIRAC qui ent un caractère purement algébrique et ne nécessitent au fond, à partir de la mécanique analytique classique, qu'une restriction quant à la multiplication des coordonnées et des moments conjugués.

La seconde et la troisième sont mathématiquement équivalentes; cette circonstance a été établie par Schrödinkora mais, pour en concevoir la portée, il est nécessaire de revenir sur l'axiomatique que supposent les points de vue ondulatoire et quantique.



L'AXIOMATIQUE DES NOUVELLES MÉCANIQUES

Dans ce qui précède, nous avons essayé de donner une idée, nécessairement approximative en l'absence de calculs qui ne peuvent trouver place ici, des novations que les nouvelles mécaniques ont apporté aux concepts classiques.

Ces novations ne suffisent pas en elles-mêmes à dégager dans quelle mesure l'axiomatique de la mécanique ordinaire doit être revisée. Seul un effort d'abstraction supplémentaire permet d'éclaircir ce point.

Dirac, dans l'ouvrage initiulé Les Principes de le mécenique quantique a formule une axionatique dont il est nécessire d'analyser ici les concepts fondamentaux, ne serait-ce que pour pouvoir aborder en conanissance de cause le point de vue philosophique. La thorie de Dirac emplohe la mécanique quantique; elle est plus générale que l'axionatique propenent dite de cette mécanique et constitue presque une théorie de la connaissance, au rens méta-bivique.

Dinac introduit d'abord le concept d'état. En raison même de son extension, ce concept est fort difficile à définir. Dire qu'un système est dans un état donné (et cesi suppose une préparation convenible) c'est se donner tous les éléments concernant sa structure, sa position dans l'expose-temms et ses mouvements internes.

Un état correspond donc à une notion permanente (et à ce titre il dois satisfaire le métaphysicien) puisqu'il est considéré pour un intervalle indéfini de temps. Cette permanence n'exclut pas une évolution déterminée, comme le serait par exemple, à la manière classique, celle d'un système mécanique soumis à des forces connues, à partir de conditions intilatés domnées. Catta permanene peut des troublés par une protrotacion. Ca nouvem compte linement n'a qu'une valor relativa i qua nouvem compte linement n'a qu'une valor relativa i qua extension convenable, il est possible d'incorpere sa système les déments qui produient la portabuloin. Mais i est des cas de la perturbation ne peut être éliminée par cet artifice d'actension ; telle est la perturbation ayant pour objet de préparer le selle est la perturbation résoltant d'une cérovation effectuée un le système. Dues ce des taux d'une cérovation effectuée un le système. Dues ce des cas, la perturbation est la conséquence de l'interaction curre l'oute sieue pour neligienble dans l'actomatique de la mécasique ordinarier de memure de système observe, interaction qui est toujourbation est executive des la consequence de la mécasique ordinarierbation est executive d'estaminarie et observation justice la Dans les deux est de-idense (préputation et observation) n'enbation est executive l'estaminarie et des relative l'estaminaries de la mécasique ordinarierbation est executive l'estaminaries de la mécasique ordinarier et desrire de des des l'estaminaries de la mécasique ordinaries et observation in controuve l'estaminaries de la mécasique de sur l'estaminaries de la perturbation est executive l'estaminaries de sur l'estaminaries de la perturbation est executive de la mécasique de l'estaminaries de l'estaminaries

Dans le cas gienral, lorqu'on effectue une observation sur un système dans un état quelconque, en n'obtient pas avec certitude un rieultat donnt. Mais en répétant un grand nombre de lois la meure à partir de conditions initiales identiques (et cei suppose de chaque fois une préparation conveaible du système, on dégage une probabilité détermine d'obtenir un résultat donné parmi les résultats possible de cette meure.

Cette dernière circonatance est liée à la fois à la perturbation produite par la meure et au portant de superposition des dats : un état quelonque peut toujours être considéré comme le métange de deux, plusieum. Éstat composants qui se combinem entre eux avec des poids et des ploids et des plois et de maitique peut présiere ces termes, lo mântes que la superposition d'un état à lui-même reproduit le même état. Cette seule hypothème métale peut présentéllement les données classiques.

Il est évident d'autre part qu'en règle générale il fuut specifier l'intervalle de temps qui récoule extre le moment où la prépartion du système en vue d'une observazion est aderect el l'exécution nime de la mesure, puisque l'était abandonné à l'ain-énée évolue, suivant une loi supposée d'ailleurs déterminée. Si cet intervalle est sams incidence, l'état considére est par définition appelé sertionnire et l'un conçoit aintenne que les états sationnaires pount de l'est de l'

On peut retomber sur la causalité classique (certitude d'un résul-

tat donné pour une observation donnée) dans certains cas exceptionnels. Alors, pour la quantité que l'on mesure — ou plus précisément pour son image rationnelle que l'on appelle observable — l'état est un état propre et la valeur obtenue une valeur propre (Eigenwert). Il va de soi qu'en pareil cas la perturbation entraînée par la meaure est minime.

L'abservable, nous venous de le souligner, pent être considérée comme l'image retainentle d'un objet du seus commun. Tel n'est pas toujours le cut des indivisus matchématiques que l'en rencontre en mécanique quantique : certaine sen purement abstraits et ne ne pravent être dotte d'aucume signification physique (ou plus cantement ne peuvent être l'objet d'aucume interprétation physique, no si l'en admet qu'un élement rationnel doit toujours être interprétaj. Toute meuven, comme, dans le cas classiques, a our objet de

traduire une observable par un nombre.

Dixac formule encore un postulat de rejectivité, rejeté d'allieurs par cettaine continueteure de sa decrine. Aux termes de ce postulat, on est certain d'obtenir un résultat donne (parmi les résultat, en cet certain d'obtenir un résultat donne (parmi les résultat la repetiture en la répétant immédiatement, sans éliminer la perturbation introduite par la première meure et sans laisser le temps au système de suivre son évolution. Il ne faut pas conflordre cette confination d'une expérience avez la repredaction evitoble d'une expérience avez la repredaction expérience la repredaction expérience avez la repredaction expérience avez la repredaction expérience avez la repredaction prédate de la perturbation prédate par la presidére mesure.

Dirac dáfinit encere la notion d'observatione compatibles, le cas le plus important étant céulu de deux observatione compatibles nont effectuées simultanément. D'une manière générale, une pre-mière observation médifie la probabilité que l'on peut attendre d'une econde observation (du fait de la perturbation essentiellé qui accompagne la première.) Il s'apit de la probabilité d'obtenir le second résultat avont que l'on connaisse le premier (et non après, er alon le postudit de réptibilité pouvant). Lorque cette modification à pas lieu du fait de la première observation à l'égard de la seconde, les deux observations active configuration de la première deservation à l'égard de la catomité de la des la première observation à l'égard de la catomité plus deux des l'actives de la première observation à l'égard de la catomité de l'attendre à ce que nobservations actuelle compatibles et simultate puisent être regordées comme une seule et mont observation sont meu une seule et mont observation sont meur de seule d

Si l'on offectue ainsi le nombre maximum d'observation sixuitant et compatible ague comprete ne système, et qu'en continui immédiatement este observation maximum dans les constituent cette observation maximum dans les constituents president plus de l'establiste et applicable, on obtient avec certimes le connaissance aussi compléte que possible de l'étate considére. On conjoie ce or prociété puisse service de buse si la défiaition du concept d'état. Plus simplement, et les des de l'estate d'estate d'est

Tels sont les principaux concepts de la béorie formulée par Drac dans l'ouvage dejà cité. Ces encepts sont fert abstraits et les seuls prologyments possibles vers le rên résultent de la notion d'observable, de la probabilité dégagée par la reproduction exhaustive d'une mesure à partir des mêmes conditions initiales, et enfin de la certified que permet d'atteinére dans des cas purs la constatation des valeurs propres ou que livre l'application du postutat de répétabilité.

En dépit de cette abstraction et pour peu qu'on veuille y réfléchir, les postulats de Dirace apparaissent fort naturels. On serait même tenté d'évoquer à leur sujet l'« évidence de raison » au sens de Conditace.

On a déià (Landau et Perris notamment, à l'occasion du traitement relativiste de la mécanique quantique) proposé cependant de ne pas s'en tenir aux conceptions analysées plus haut et de renoncer en particulier au postulat de répétabilité, ou même à l'existence d'aucune « observable ». On devrait alors se contenter, en général, de probabilités au lieu de certitudes - car il est bien évident que soul le postulat de répétabilité donne un moven pratique de constater une certitude - ou se résigner à une mécanique purement abstraite qui n'aurait de sens que mathématiquement parlant. Ces généralisations sont-elles inéluctables ? Nous n'affirmerons rien à cet égard, car le progrès dans toute cette théorie nous semble être né de l'abstraction même et de l'abandon successif de notions qui n'étaiont pas suffisamment élaborées, mais il est évident qu'en dehors du domaine purement mathématique considéré, par exemple, par M. J. L. DESTOUCHES, les nécessités de l'interprétation physique doivent conduire à des restrictions axiomatiques.

La théorie abstraite résumée plus haut ne suffit pas seule à

asseoir une mécanique, ni même à parvenir à des représentations. Ce n'est pas ici le lieu de reproduire l'algèbre symbolique des états et des observables, développée par Draac, ni d'exposer comment cette algèbre symbolique conduit en définitive à la représentation des états et des observables et à la théorie des transformations (transformations aconducet transformations anoniques).

Nous nous bornerons aux aspects les plus caractéristiques de tous ces développements.

L'algèbre des états (qui englobe celle des fonctions d'onde solutions de l'équation fondamentale de Scunönincan se traduit par le fait que «l'espace des états » est un espace de Hilbaum (vectorie), séparable, complet et ayant un produit scalaire satisfaisant à des conditions hien déterminées.

Celle des observables coincide avec l'algèbre ordinaire, sauf pour la commutativité de la multiplication, à l'exemple des matries d'Hrissyssen. La valeur de chaque observable est liée à deux états distincts, seule la valeur moyenne est en général atteinte par la considération d'un seul états.

Les observables peuvent « multiplier » un état, le résultat étant un état.

Pour parvanir aux représentations, Danac fait appel à la propriété que chaque état doit pouvoir être développé en série suivant les états propres d'une observable arbitraire. Il a d'autre part rerours à une équation symbolique pour traduire la relation liant les états propres et les valeurs propres d'une observable.

Les représentations qui, en pratique, sont les plus facilement utilisables sont celles qui sont construites à l'aide des valeurs propres simultandes d'un groupe complet d'observables qui commutent, c'est-à-dire qui se multiplient entre elles à la manière habitualle.

A l'aide de ces représentations, il est possible de donner une signification mécanique sux symboles abstratis (cités et observables) de la théorie de Drace. En effet, la connaissance des états vables) de la théorie de Drace. En effet, la connaissance des états en estables de la consistence de la conformation available et les représentaifs d'un état quélonque ou d'une observable quelconque s'exprisentaifs d'un état quélonque ou d'une observable quelconque s'exprisent alors par des séries de surbie de servis de servis des verbiendes des états fondamentaiex.

Toute représentation comporte un certain arbitraire, du fait que

Fon post multiplier, nan renoner aux nemalizations indispensable à l'interpristation quantitative, les symboles des états fondamentaux par une fonction arbitraire de module units. C'est dans cette circonstance que l'en doit cherche la signification mathématique des phanes d'une représentation. Les formes intuitives de la mécanique quantique (HERMENTAME, SEMBROUNES) correspondent à des représentations particulières es les observables de hase et les soblements de l'est de

Les moments conjugués, lorsqu'ils existent, des variables dynamiques quantiques correspondant aux coordonnées canoniques au sens d'Hanturos de la mécanique classique, prement figure d'operateurs différentiels linéaires, de même que l'hamiltonien (conjugué à la variable temps conformément à la théorie de Jacoss). On écrit afors symboliquement :

$$\rho_K = -\frac{ih}{2\pi} \frac{3}{3q_K}$$

$$H = \frac{ih}{2\pi} \frac{3}{3i}$$

Ces opérateurs, introduits de l'origine en mécanique onduitoire par des considérations intuitives de correspondance entre l'équation des ondes et l'expression hamiltonienne de la thécrie de Jacon, ne doivent par être maniée sans précaution. En effet, le fait d'attribuer à ces opérateurs symboliques la signification. En est de l'abbreroble a sense de Daca repose que certaines conditions sont effectivement remplies par les phases de la représentation utilisée.

Dans I « mécanique général» « construite par M. J. L. Desvources, estains opérateurs peuvent à la fois être appliqués aux fonctions d'onde solutions de l'équation fondamentale de Scundportones, le résulte séssant dans les ensuellés fonction d'onde, et être traitée comme des observables dans l'interprétation physique. L'est et l'active comme des observables dans l'interprétation physique tour comme que saintéen n'a l'une mi à l'auter (Les profique de la mécanique générale, pe *100 de la collection des exposès de physique théorique, Herman, éditeur, 1930).

Les opérateurs ne doivent donc être introduits que dans le cadre d'une axiomatique, si l'on veut en déduire autre chose que de purs symboles. Nous ne nous évadous pas de notre sujet en appelant Piktention sur ces résultats, car c'est la consideration des opratures qui soude la miencique conductive (DE BROULE SCHIPPEN, car) à la mécanique quantique (HERRENERD-DENS) et pour que cette contra et la uses physique, il en forcessier que los operaturas utilise puissent être considérés comme des observables. Crite difficulte ne sy rebestie par pour les extensions conduction. Crite difficulte ne sy rebestie par pour les extensions conductions. Les considerations de la consideration de la considera

En fait, si l'on considére la mécanique ondulatoire au sens de Schröningen et la mécanique des matrices au sens d'Heisenneng. telles qu'elles ont été définies au \$111, les deux représentations dont alles sont issues dans le cadre général de la théorie de Dunye (con de la relativité exclu) peuvent être ramenées l'une à l'autre par un simple changement de phase. Une représentation de Schnödingen est fondée sur la considération d'observables qui commutent et qui sont les valeurs à un instant donné de variables dynamiques : les phases ne dépendent pas explicitement du temps, non plus que la matrice représentant une observable arbitraire. Dans une représentation d'Hrisenberg, les observables de base sont des constantes du mouvement : elles commutent entre elles et avec l'hamiltonien qui est supposé ne pas dépendre explicitement du temps. Les pluses d'une représentation d'HEISENBERG étant par suite totalement indépendantes du temps, celui-ci peut être considéré comme un simple paramètre dans un changement de phase intéressant une telle représentation. Il suffit en fait d'un facteur de phase de la forme

$$e^{\frac{2\pi iHt}{h}}$$

où t est le temps et H la fonction d'Hamilton pour passer de l'une à l'autre représentation. Ainsi se trouve démontrée l'équivalence des points de vue ondulatoire et quantique, issus cependant d'hypothèses fort éloignées.



RELATIONS D'INCERTITUDE D'HEISENBERG

Cette identité, quant aux conséquences, des points de vue « corpusculaire » et ondulatoire, s'éclaire en fait par un des aspects les plus paradoxaux en apparence de la mécanique des quanta : le principe d'indétermination — ou plus exactement les relations d'inscritude. — d'Hassayana.

Nous avons déjà dit qu'en considérant un paquet d'ondes sinusoldales on pouvait localiser (approximativement) la particule à laquelle ces ondes sont associées.

On démontre que si l'on tient la représentation ondulatoire pour correcte, il est impossible en toute rigueur de parler simulianément de la position et de la quantité de mouvement d'un corpusuée. L'incertitude qui rège sur la première (Ag) varie en raison inverse de celle qui règle sur la valeur simultanée de la quantité de mouvement (Ap) suivant l'inégalité :

$\Delta p \ \Delta q \geqslant h \ (h, \text{ constante de Planck})$

l'égalité a'syant lieu que dans le cas le plus favorable. Il s'agit is d'une l'imite essentielle qui ne traduit pas une simple imperfection des outils de mesure. Et ant donné la petitiesse de la contante de PLASCE, cotte barrière est « purement fictive » en mécanique usuelle (comme le diff. M. BOULLOSS), et l'on peut par conséquent continuer à formuler, set que, l'axiome copermiséen des conditions initiales. A l'éclièle de l'atome, este barrière existe.

HEISENDERG a montré dans les Principes physiques de la théorie des quanta (traduction française, Gauthier-Villars, éd.) que la réciproque cet vrais, c'est-àdrie que si l'on considère la représentation corpusculaire comme correcte en toute ricuseur, les limites de validité de la représentation ondulatoire conduisent à écrire des relations d'incertitude qui portent ici sur les valeurs simultanées de composantes du champ électrique et du champ magnétique.

Hassasao est arrivé aux relations d'incertitude à la suite d'un certain nombre d'expériences de passe (se terme qui a ét utilisé à propa des raisonnements axionatiques de Galière est, en la circonance, exemplemement exact, ex l'expériencation véritable à l'échelle voulue est lei inaccessible) : détermination (pous un mirroscope) de la position d'un destroitide, ranachissement d'un seull de potentiel par des électrons, etc... Pour Duac, ces relations d'un destroitide est un conditions des quanta sous la forme algèbrique où on les écrit en mécanique quantique. Du noist de ven authenatiem. Mile R. Fagrares de Routsabous

ont montre que les relations d'incertitude n'étaient pas l'apanage de la mécanique des quants (Voir G. Boutcanes : Réalisse d'incertitude en gémetrie et en physique, 2º 430 des exposés de physique théorique, Hernaum, éd. 1994). Les oblutions des équations aux dérivées partielles que l'on rencontre dans la théorie de la chiabur et dans la théorie classique de la diffusion pervent interpréter comme des causités de probabilité de même que celles de l'équation des ondes de Scientisses. C'est dire que ces solutions pervent des contines per de la chiabur et considéres commentéglant la dé probabilité de dex variables alabetoires $p^{\mu} = K \frac{1}{k_B}$ et q dont les incertitudes Δp_{μ} et Δp_{μ} sont lésse par une relation d'incertitude de trye d'Hanssey de la production de la libre par une relation d'incertitude de trye d'Hanssey de la present de la libre par une relation d'incertitude de trye d'Hanssey de la present de la libre par une relation d'incertitude de trye d'Hanssey de la trye d'Hanssey de la present de la chiant de la libre par une relation d'incertitude de la trye d'Hanssey de la trye d'Hanssey de la present de la chiant de la chiant de la libre par une relation d'incertitude de la trye d'Hanssey de la present de la chiant de la chi

M. BOULDAND note très justement que « selon la tradition, l'illiation premise au principa gelieraux de mouvement l'inditation premise au principa gelieraux de mouvement che che à présier les lois de la dynamique du point natériel, qui prélutent aux hies queverant les systèmes ou ensembles de un lunter aux hies que premise que de la constant de la commente les para insucates pureties de de déterminant un des la comment de para les manuels par para les que les princips de des luis encore rès présies « Au contraire, d'après le princips d'HIRERTERE » I Réglidit se ausant les vier pies sur des systèmes par trop restreints , elle règue seulements, par jeu de compensation suctificate, ser les ausemblegs sufficiennes importants :

D'une façon précise, M. BOULIGAND rappelle avec M. Fürrir que l'on peut considèrer deux grandeurs aléatoires p et q dont les valeurs peuvent halayer respectivement deux droites rectangulaires, auïvant une loi de probabilité donnée, les centres de grayité des valeurs de p et q ayant des positions déterminées. C'est l'image de la légalité macroscopique d'un ensemble de particules.

En giométie pure, on traver des circonstances con à fait sancitive. M. Borloquies et ceir par de considérations cont à fait instittive. M. Bor-Louis no considére une courbe possédant une tangente en chapus point, répartir de lum emaière continue, ang evil y air récentions ment, et dont la tangente sourse dans un sens déterminé quand i point déreit le courbe. On part déablir une correspondance himivoque extre le point courant de les courbe et au tangente en ce point, en aurquait un le circonfernes d'un encerde en référence de la C du certle où la tangente sus certle est parallele à la tangente en C du certle où la tangente sus certle est parallele à la tangente en de l'acconfernes et réciproquement. Les points de la courbe et de d'inconfernes et réciproquement. Les points de la courbe et de la courbe. A d'accorée de les égales de la courbe et de la courbe et l'accordence d'une la guille de la courbe et de l'acconfernes et réciproquement. Les points de la courbe et de l'acconfernes et réciproquement. Les points de la courbe et de l'acconfernes et réciproquement. Les points de la courbe et de l'acconfernes et réciproquement. Les points de la courbe et de l'acconfernes et réciproquement. Les points de la courbe et de l'acconfernes et réciproquement. Les points de la courbe et de l'acconfernes et réciproquement. Les points de la courbe et de l'acconfernes et réciproquement.

Au contraire, si la courbe considérée n'a de tangente en aucun point (elle correspond à une fonction sans dérivée), tout droite menée par M, point courant de la courhe, peut voltenir comme limite d'une suite de droites joignant deux points voisins de la courhe tendant vers M. C'est un « solème d'indétermination totale ».

Il est des oas interradiaires: pour un arc convexe présentant de la ligne correspond un arc de cerde. Si, par contre, un profil convexe contient un côté rectiligne, son image se réduit sur la circonférence à un seu jour la carcerage ces incommode en tant que ponctuell, nais si l'on examine le passage d'un ensemble de points de la courbe à l'ensemble conjoure du cerde, le quelle de contien ex conserve.

Ces schémas sont des schémas d'incertitude esseniels. On peut en trouver d'autres qui ont un caractère plus concret. Si l'on considère une courbe matériellé d'une certaine épaiseur et qu'à l'intérieur de la zone halayée par le trait on trace la courbe minimum qui ait une courbure inférieure à une limite donnée, la tangente macrassonouse résuperait.

Si l'on interprête ainsi les relations d'incertitude d'HERENNERG, on est conduit, par analogie, à admettre que ces relations traduisent une légalité d'enzemble, les elétiennts n'étant pas abandomés au hasard pur et simple, mais aléstoires suivant une loi de probabilité donnée, laquelle est liée à l'équation fondamentale de SCHORDIX- oza. On voit qu'il ne s'agit pas là de la faillite du déterminisme, comme des vulgarisateurs l'ont parfois avancé, mais d'un aménagoment de la légalité classique.

- On peut d'ailleurs, à ce sujet, s'orienter dans une voie différente, qui ne contredit pas la précédente, et qui rappelle davantage les principes de l'axiomatique de Dunac. C'est ainsi qu'HEISENBERO écrit, dans l'ouvrage délà cité :
- « Les relations d'incertitude se rapportent au degré de précision possible pour la connaissance présenté des valeurs siruitanées de diverse grandeurs de la théorie des quants. Elles ne liminent pas la précision, por exemple, d'une détermination de position ou d'une meure de viteues prise incliment; jeur action se manifeste seulement en ecule toute expérience qui read posible une détermination de position perturbe nécessièrement, jusqu'à un certain dégré, la connaissance de la viteues et révéloprograment, jusqu'à un certain dégré, la connaissance de la viteues et révéloprograment et révélopres que manuel de la viteue de révélopres que de la révier de la révier de révélopres que manuel de la viteue de révélopres que monte de la viteue de révélopres que cert ne révélopres que de la révier de révélopres que de la révélopre de la révée de la révélopre de la révée de la révélopre de la révélopre de la révée de la révélopre de la révélopre de la révée de la révélopre de la révée de la révélopre de la révée de l

Ici l'incertitude est présentée comme le fait d'une imperfection essentifiel des meurres, due à une perturbation du système meurre par l'appareil de meure. Il est inutile de souligner que d'ann l'acciomatique copernicienne au contraire on postule de toute évidence l'absence complète d'interaction entre objet meurre ou outil de meurre.

En d'autres termes, on pourrait encore postuler l'axiome des conditions initiales mais on ne pourrait, par recours à une image corpusculaire messurer simultanèment les éléments conjugués (coordonnées et moments).

Hereewagen dit encore :

La led en smallie ("ceta-cheire la legalită) de la netanique quantitipe poural is "reprimer de la mainte uivrate a: Si ha initanti dound, certaines grandeurs physiques sont meuritea austi cacidment qu'il est posible per principe, il estite à tout initant des grandeurs dont la valeur peut dire exastement celarité, ceta-cheir pour lesquelles relevatud d'une meure peut dra predit exactement, à condition que le système observé as soit soumis à auuren autre peur les peut de la companie de la consiste de principa l'acceptante la reprincipa d'une prediction de la meure considèren. D'autre port, la neueur d'une grandeur physique n, consiste en gineral i modifie de système à meure des les que avec de la meure, cette grandeur les systèmes à meure des les peuts de meure, cette grandeur meure, l'erreur devienne de x, -\(\text{a}_{i} \), Pour parvenir à ce resultat, no peutse le système (introduction d'un channe, éclariment) par de la lumière, etc...). Le système devient alors un mélange d'états superposès, en nombre généralement infini, mais dans chacun desquels l'ercur est Δ.p. On choiri alors un état, parmi cette infinité, mais ce choix n'influence pas le système (voir le postulat de répétabilité) et sans changer le cours des faits, modifie seulement notre connaissance de ceux-ci.

Cette interprétation est fort subtile ; pour la relier à ce que nous avons dit de la théorie de Disaca, nous ajouterons : une coordonnée q et son moment p ne commutent pas (ecsi résulte des conditions des quants). Un état propre pour q (mesure certaine de q) ne constitue pas simultanément un état propre pour p. La connaissance simultanément exacté de « et pe est donc impossible simultanément exacté de « et pe est donc impossible ;

Quete que soit l'attitude adoptée à l'égard due relations d'incertiude, il semble naturel d'y voir un aménagement à la notion classique de déterminiene ailliene, mivant l'expression de M. Bortz-Joan, Mais il sabietée une légalité a moisse macrocopique dans soit la plupart des schémass d'incertitude et les éléments mêmes suivent de soit de probabilité. Nous penchesions à yorie en outre la faillite partièle et réciproque de l'onde et de la particule en tant que représentations nous devreus revenir sur o poissi.



TRAITEMENT RELATIVISTE DE LA MÉCANIQUE QUANTIQUE

Il est essentiel de rechercher dans quelle mesure la mécanique des quanta est susceptible de se concilier avec la théorie de la relativité, car « ces deux doctrines ont un caractère général et prétendent à règner sur toute la physique » (L. DE BROGLIE) (1).

La théorie des quanta s'est rencontrée une première fois avec la rélativité, dans l'hypothèse de l'existence des photons ou quanta de lumière formulée par Essexies pour explique l'elfet photoélectrique. L'énergie totale d'un photon se trouve liée à sa quantité de mouvement par des considérations purement relativistes sur l'insertie de l'Energie.

Nous avons vu également que Sommenfeld avait pu quantifier, au sens de Bonn, le problème képlérien de l'électron relativiste.

Enfin, à dualité code-corpuscule qui est à la base de la mécanique condulatoire est née, avec L. ne Boocuts, de l'étude d'un problème relativiste, où la transformation de Loueurz pernetatul de préciser les caractéristiques de l'unde associée à une particule libre en mouvement uniforme, à partir, de celles d'une node monochromatique sinusoidale associée à cette particule dans le syntème de référence propes mul l'accommance.

Il reste que, dans son évolution ultérieure, la mécanique des quanta s'est essentiellement développée au contact de la mécanique

⁽¹⁾ Dans tout ce chapitre, nous avons suivi la thèse développée par M. Louis o Brooust dans les deux mêméres suivants: Rélativité et Quanta M. Rovue de Métaphysique et de Morale, 3-1933); Quetques remerques ser lu théorie de l'étecton magnétique de Dirac (Archives des Sciences physiques et naturelles. Ownève, nov. 1933.

classique. Suivant l'expression de L. de Brooles « on a été en quelque sorte obligé d'abandonner le terrain relativiste et de constituer une mécanique ondulatoire qui est une promotion de la mécanique de Newton et non pas une promotion de la mécanique d'ELWSTEIN. C'est. la vraiment un fait étrange, car la mécanique ondulatoire parainsait ainsi renier son origine.

Nous essaierons, dans la mesure où ceci peut être fait sans appel au calcul, de donner una idée des difficultés que rencontre ainsi le traitement relativiste des problèmes quantiques.

Tout d'abord, l'équation aux dérivées partielles de Schrödinous exprimant l'analogue ondulatoire d'un problème de mécanique classique est du premier ordre par rapport au temps et du second ordre par rapport aux variables de configuration. Il en résulte une dissynétrie essentielle qui ne cadre pas avec la théorie de la relativité.

Certes, même dans cette théorie, on ne peut affirmer que le role du temps et celul des coordonnées d'espace soient riguroussement homogènes. Abstraction faite de la circonatance, mise en lumière par Enpirorse, que le continuem de la relativité est à 3 + 1 dimensions et non purement et simplement à 4 dimensions, chaque no continue de la contraction de l

(1916) sur la relativité généralisée : « En relativité restreinte aussi bien qu'en mécanique classique, les coordonnées d'espace st le temps sont doués d'une signification physique immédiate.»

Il ne semble donc pas possible, en toute rigueur, de soutenir avec Minkoswki que « l'espace en soi et le temps en soi doivent rentrer intégralement dans l'ombre et que seule une sorte de complexe de ces deux concepts peut conserver une existence propre » (2).

Il reste qu'au cours des changements de repérage, les quatre variables du continuum sont nécessairement souders et que les lois physiques doivent être covariantes au regard de ces changements. Il y a donc, dans toute extension relativiste d'une mécanique, une limite à la disymétrie dans le rôle du temps ét de l'espace.

Or, dans l'interprétation physique de l'axiomatique générale de

⁽¹⁾ Ibid.

⁽²⁾ Conférence faite à Cologue en 1908.

la micanique quantique, les probabilités respectives des differentes valeurs proper d'une observable (grandeur mécanique) attachée à un système donné se déduisent de l'équation des ondes. Il en est de misme de la vieu supérime d'une signification physique immédiate et se présente comme une indégrale éctude à étude le demaine de a valeur des conformations de sonde et de la vieu se service à tout le formatine de variation des condomnées d'appace. Le temps joue au contraire le rôlle d'un paramère, à l'exemple de ou que passe en cimématique estimaire, per paramèter régit l'évolution des systèmes de la mécanique quantique, et au commer avel su visuable de conditions.

Certea, on pourrais mathématiquement employer, pour la décinition des valuers propres et des valuers moyrance, des domaines d'espace-temps et des intégrations dans l'espace-temps, mais on risquerait alors (1) de retombre « sur une physique entièrement statique, d'où seruit bannie toute « vocilite». On servit alors dans l'impossibilité d'analyser les actions diverses qui peuvent influcnor un atome, dont les états stationnière, invariables dans l'orpacetemps, servient déterminés par l'ensemble des actions subics ou à subir au course du temps.

Nous avons eu Pocession d'indiquer plus haut (clapitre II), j' que la dyamique relativiste était susceptible d'une extrasion ondutatore, à l'exemple de la dynamique cerdinaire. Ces veut dire seulement qu'en généralisant à la relativite l'équation classique de Jacons, on peut en déduire la vitesse de propagation d'une onde associée su no point matériel relativites soumis a une force tont de la constant de la con

Dans le cas du point libre relativiste, on écrira cette équation ;

$$(H^{\mathbf{a}} - W^{\mathbf{a}})\psi = 0$$

H est l'hamiltonien, W l'énergie totale et ψ la fonction d'onde. Si, au contraire, on part du point de vue quantique (2), on sera conduit à écrire, avec les mêmes notations, l'équation :

(2)
$$(H - W) \dot{\psi} = 0$$

⁽t) L. or Brogger, ibid.

^(!) Your par exemple Dinac, Les principes de la mécanique quantique, pp. 138 et seç, de la traduction française (Les Presses universitaires de France, éd. 1931).

Cette ambiguité ne se rencontre pas dans la recherche des analogues ondulatoire et quantique d'un problème de mécanique ordinaire, du fait que, dans cette mécanique, l'équation de Jacont est équivalente à celle des forces vives qui exprime la conservation de l'énergie.

La considération de l'équation (1) semble inévitable en relativité. A côté des solutions d'énergie positive qui figurent d'ailleurs dans l'équation (2) s'introduisent simultanément des solutions d'énergie négative qui, à première vue, constituent un paradoxe physique.

L'équation (f) est invariante au point de vue relativités. Sirien ne s'y oppose au point de vue purement mathématique, on y remplace H et W par les opérateurs habiteués, on contate qu'elle est du second ordre assui bien par rapport au temps que par rapport au condonnées d'espace. La symistrie relativise qui fai, défaut à (2) est vérifiée, mais occi au détriment de l'interprétation probabiliste habiteués de la mécanique quastique: la probabiliste de présence de la particule n'est plus représentée par une forme définie positife ().

C'est dans ces conditions que Dirac a cherché à réaliser un compromis susceptible de concilier les deux points de vue relativiste et quantique.

Per un processus de linéarization de l'hamiltonien relativiste H, il écrit une équation aux dérivées partielles du premier ordre par rapport aux dérivées $\frac{3}{2x}$ $\frac{3}{2y}$ $\frac{3}{2z}$ et aussi voisine que possible de l'équation (1).

Cette équation, qui est vectorielle, introduit en réalité quatre fonctions d'onde ou si l'on veut les quatre composantes d'une fonction d'onde espace-temps. Elle est invariante dans une transformation de Lorsynt. Elle laisse subsister simultanément les solutions d'energie positive et les solutions d'energie négative.

Circonstance remarquable, il se trouve que Dirac met ainsi en évidence la rotation propre (spin) de l'électron, complément nécessaire au modèle atomique.

Introduisant ensuite le champ électromagnétique dans l'équation d'onde linéarisée, par un procédé déduit de la mévanique relativiste de l'électron, Dirac retrouve en ne considérant que les

iti I. or Brogus lee est.

solutions d'énergie négative, la structure fine du spectre de l'hydrogène déjà rencentrée par Sonnerprets dans le traitement relativiste du modèle de Bouse. Le moment masquétique de l'électron, indispensable au physicien, se trouve en outre lié au spin ou moment cinétique de rotation propre.

Restaient les solutions d'énergie négative. Drace formule ici l'Hypothèse easseille que tous les étuer d'énergie nagative sont occupie (à de rares exceptions près) par un électron dans chaque et acte conforméement au principe d'exclusion de Parti. Une lacune, not este étochète dans ette occupation homogène des états possibles et de returne de l'entre de l'énergie négative, se présents alors avec des caractéristiques contraires a celles du « remplisasge « (1) évat-dire avec celles d'une particule relativiste ayant même amme au repse que l'éléctron, mais une charge électrique positive (égale à la valeur abordus de la charge de l'électron).

A l'époque où Disac formulait sa titoorie, cet édiment (haptisé depuis électron positif ou positron) était inconau du physicien.
Disac crut alors devoir conseder qu'il s'agissait de protons « bien qu'il subsistât encore la difficulté due à la grande différence des masses ».

Le remarquable effort de Dinac a done permis, dans une certaine meure, de concilier la mécanique des quanta et la relativité. Toutefois, aussi bien dans la théorie de Dinac que d'une manière générale en mécanique quantique « le temps joue un rôle tout à fait différent des variables d'espace, contrairement à l'une des tendances fondamentales de la réstaivité « (2).

Même abstraction faite de cette difficulté, en faveur de laquelle on pourrait faire jouer la possibilité, dans un système de rédérence donné, de découper le continuum rélativiste en espace et en temps, il raste que les scules grandeurs qui aient dans la théorie de Dirac caractère tensoriel exigée par la rélativité sont, non pas les fonctions d'onde, mais les «densités de valeur moyenne » des observables attachées à une particule. Ger densités ne perveunt être elles-mêmes doutes d'un sens physique, car il est nécessaire de les indégre à lout l'épasee pour rédonder sur le svénière s'un fait de l'entre de l'entr

⁽¹⁾ Ne pas oublier qu'il s'agit en fait du vide, au sens physique de co

⁽²⁾ L. DE BROGLIE, loc. cut.

moyennes des différentes observables. L'accord complet avec la relativité n'intervient donc que pour des « grandeurs ayant le sens de tivotnes et qui, du point de vue quantique pur, ne paraissent pas avoir de signification physique » (1).

En résumé, de l'avis de L. oz Broclaz, la théorie de la relativité « qui est en réalité une théorie du type classique, le couronnement, pourrait-on dire, de la physique du continu » ne peut « sans avoir subi de modifications essentielles » s'accorder avec les discontinuités que suppose nécessairement la mécanique des quants.

(1) L. DE BROGLIE, foc. cit.



LE DOINT DE VIJE DIJ PHYSICIEN

Bien que nous ne puissions nous étendre ici sur le point de vue méme du physicien, il est indispensable d'indiquer très sommaire ment les résultate sepérimentaux — ou plus exacément les interprétations mécaniques — que l'on doit à la théorie des quanta, celle-ci s'entendant de la d'avanique des modèles atomiques.

Tout d'abord, la théorie de Boin-Sommerrello permet do revouver la série empirique de Balmer (répartition des raies de l'hydrogène dans le spectre visible) de compléter les séries de LYMAN, de PASCHEN et de BRACKETT et de les réunir toutes dans une seule exclication.

Ce qui est remarquable dans le modèle atomique de Bonn o'est que tous les perfectionnements mécaniques qui lui ont été apportés ont eu pour effet d'expliquer de nouveaux phénomènes :

— la prise en considération du mouvement du noyau permet de distinguer le spectre de l'hydrogéne de celui de l'hélium ionisé, du lithium doublement ionisé, etc... dont les modéles ne comprennent tous qu'un électron libre mais se distinguent par la masse du noyau;

— l'application à l'électron du modété de Boun de la loi de variabilité de la manse aver la vième qui découde de la dynamique de la relativité a permis de prévoir et d'expliquer la structure jian du spectre de l'hydrogène (décloudement ou détripément des raises prévous par le premier modété, Il s'agis d'un phénomène extrêment teun, l'écart entre les longueurs d'onde dans les doublets ou triplets étant de quelques centièmes d'angatréma dans le cas de l'hydrogène, de quelques dixinées dans le cas de l'hélium ionisé; c'a

 le fait de soumettre l'électron de Воня à un champ électrique ou à un champ magnétique donne une explication de l'effet Stank ou de l'effet Zeemann (au moins en première approximation). La mécanique ondulatoire conserve bien entendu tous ces rénaites, micux, del pericies la thorice el la rapproce de l'expérience en maintes circonstances. Des avant les travaux de Louis es Brocure et Scrathoures, les physiciens, à l'occasion de l'étude des chaleurs spécifiques des corps solides, avaient été amenés à crire de l'activates de denir jusants impossibles à danterte dans la thorie de Bons et qu'introduit tont naturelliement la mécanique conduis-crire de le problem et via simple que l'on appelle codri de l'oreilla-centre autilitérille dans la première bhérir et nécessire à l'interprétation devine figalement naturelle avec la mécanique onduis-toir. Il en est de même pour l'explication saisfaisent de certains aprets de l'étre d'Exenurs.

Il y a plus: trois ans apris que Louis su Bisocux edt lanch l'idea di fetonde de la representation condulatoire de la matière, Davassor et Granza arrivaient à mattre en évidence la diffraction des électrons par des corpe colicles, verifants ainsi à 1 cu 2 % pets les lois de la mécanique condulatoire. Il était nature d'eu voir dans cette expérience une rasion de croire à la nature condulatoire de la matière d'où le point de vue de l'unde matérielle (onde pilot). Les développements de la mécanique quantique ou colique à autonome ce point de vue en favour de celui des ondes de probabilité, evoque dans cet qui preteide. Mais il retue le fais exessitei qu'els a thorier la nuoité du preteide. Mais il retue le fais exessitei qu'els a thorier la nuoité

Cette circonstance s'est encore rencontrée pour les travaux de DIRAC.

A l'apoque où il formulait au théorie relativiste de la métanique quantique, l'Édertra positif un position datai Incana de physicien. En fail, les physiciens out découvert depuis les électrons positifs. En fail, les physiciens out découvert depuis les électrons positifs, ce éléments, qui sont des habitains normanx du vide, sont, en raison de leur charge électrique positive, éphémicre au journal de leur charge électrique positive, fait de le leur charge électrique positive, fait de l'au de l'est entre toujours de éléctrons agains de l'est de l'est

Depuis, les expérimentateurs ont eu recours à d'autres moyens. Ils ont trouvé des électrons positifs de matérialisation, apparaissant par paires avec des électrons ordinaires lors du bombardement d'atomes lourds à l'aide de rayons y très pénétrants. Il est nécessaire que l'énergie du rayonnement incident soit supérieure à une valeur qu'avait exactement prévue la théorie de Dinac (le double de l'énergie au repos d'un électron).

Ils ont également obtenu des électrons positifs de transmutation, qui apparaissent alors seuls grâce à l'action des rayons a du polonium (c'est-deire d'atomes d'hétium) sur les atomes légers (aluminium par exemple). L'aluminium (atome) se transforme alors en silicium, avec libération d'un neutron (particule sans charge électrique), et d'un électron positif.

Il est remarquable que l'une des conséquences de la mécanique quantique soit ainsi de donner l'explication d'une nouvelle chimie (chimie nucléaire) qui s'accompagne d'une transmutation d'éléments, à la faveur il est yrai d'une grande dénense d'énorgie.

Nous avons déjà dit que dans sa théorie relativiste Dirac avai? retrouvé tous les phénomènes se rattachant à l'existence du spin de l'électron (structure fine et effets Zermann anormaux).

De ces indications, si incomplètes qu'elles soient, résulte à l'évidence que la mécanique nouvelle — pour inutile qu'elle soitdans le domaine macroscopique que concerne la mécanique classique a déjà à son actif de remarquables conséquences expérimentales dans la nhvisque atomisue et dans l'étude des raies succertales.



VII

LE POINT DE VUE ÉPISTÉMOLOGIQUE

A l'aide des quelques matériaux rassemblés dans ce qui précède, nous pouvons aborder maintenant le point de vue de la méthode proprement dite.

Pour situer devant la théorie des quanta l'attitude du philosophe, nous prendrons cemme point de départ à thée développée par E. MYETRON dans son dernier ouvrage (Réal et déterminaire par E. MYETRON dans son dernier ouvrage (Réal et déterminaire Hermann, ed.). Dissons toutefois des maintenant qu'en conjuguant de cei différents points de vue analysis jasqu'ei, nous cryons pouvoir, comme nous l'avons annoncé au début, aboutir à des conclusions servillement différents de senie de MYETRON.

a) Mayenson s'élère tout d'abord contre l'idée exprimée par M. Lancuva et suivant laquelle » le physicien, pour maintenir à la fois la notion d'un réel objectif indépendant de l'observateur et le déterminisme considéré communément comme indispensable à la science, sera amené à abandonne l'individualité du réel postude.

Cotto opinion est également celle de PLANCE qui ajoute que le déterminien est à la base de la commissance seientilique est même des théories sur la nature du réel. L'image de l'universo ou Methidi ne sezait qu'un construction jusqu'un certain point authiraire ; les déments de cette image, très désignés du monde des sens, appariaisent comme des poids morts que l'on accepte en raison de l'avantage essentiel que présente l'ensemble, lequel a pour objet d'ultimer un défermissione riscourse.

b) Meyerson se demande si les atomistes anciens avaient ou non conçu la notion de loi, au sens où nous l'entendons aujourd'hui (1) et s'ils n'avaient pas pour but essentiel de suivre « la

N'est-ce pas cependant Démocrave qui a formule le principe : « tout arrive par loi (16-m²) et par necessite (10-17-x)? »

doctrine éléatique de la permanence de l'être, l'être unique de Paramente ayant été morcelé pour sauver les phénomènes par l'existence et le déplacement de particules immuables ».

c) Il analyze alora le concept de force, qu'il considère comme devant être rattaché, comme le faissit LEURNITZ, à la sensation d'effort. Mais un effort constant serait contradictoire en lui-même la sensation d'aprète Hosses ne pouvant devenir permanente, faute de quoi elle ne serait plus. Le force est donc un être purement paradoxal, qui n'a d'autre excuse que d'expliquer des phénomènes. Pour MEYNROS, et ecci est l'étée fondamentale de sa philosophie.

telle qu'il l'a développée dans le graud suverage initial distribution de miniment de la penaré, volute explicition se raminei munaquablement à une identification. La force ne peu donc rien explique qu'autant qu'elle est i dentique à elle-même et constant dans le temps. Tous les individus de la physique atomique (molécules, atomes, sous-doncs) sont aglement tenns pour "adortroiblies, introdifiables et uniformes. Ce sont, comme la force de objet du resont octre, différent de volget de seus commun, des des objets de seus commun, des contrains de configere des commun, de configere de co

d) Au cours de son tervail, le physicies se libère hien moins completement ul reislame ant di sens commun qu'il n'innerelà à le croire, Cette libération ne saurait être achevie. Heastware a cette pur vainneat à flarachiel de consept, classique du mouvement, moint partie de la complete de

Pour Mxvassox, le concept de la théorie scientifique doit nécessairement rappère cebui du seus commun. Le vi aucció ablesu par la nouvelle mécanique formulée par Louis de Brochtz s'expliquerait par l'espoir, grâce à la représentation ondutatoire, de se rapprocher ainsi d'une image du réel. Le réel de la perception spontanée ne peut être « par décret » écarté des théories plus abstraites.

 e) D'une manière générale, les savants cherchent à sauver le déterminisme, sauf à accepter un réel non individuel, inadmissible aux yeux du métaphysicien.

Or, la croyance à des lois imprescriptibles ne tire point son origine de l'expérience. Le domaine des lois est fini, celui des faits illimité. Nous avons oru à la légalité avant la science; c'était là unc supposition indispensable pour créer la science. Le fait que la certitude et la prévisibilité se présentent comme n'ayant d'autre fondement que statistique n'est pas propre à la théorie des quanta : la thermodynamique le montrait déjà.

L'indétermination, dans les quanta, eraît du molaire macroscopique à l'aconique. I levut y avei legalité d'ensemble de indétermination (au moins relative) des indévidus. Lei Mervasov comaidere comme difficile à concevei que l'en puisse à la fois admitter l'indétermine dats un des moins entitute l'indétermine dans un même ensemble, de même que deux modes indimates des repétendes pois de l'apriciole. Il particule, il que de l'apriciole de

f) Sur la croyance au déterminisme du point de vue philosophique, Marvasson indique les idées de stocienes et celle de Serizona pour lequel il n'est rien donné de contingent dans la nature. Mais il considére comme moing grave que la faillité des représentations celle de la légalité, et cei su nom du reid concret. Dans l'attitude inverse, il voit l'influence de l'épistémologie positiviste. Ceptudant, chez Auguste Courre lain-même, on trouve mentionnée benefit de la legalité, et contra l'ain-même, on trouve mentionnée houver par le physicien qui est légalité. Mais Court cala conduit à envisage cette hypothèse par des considérations de politique sociale, qui n'ont rien à voir avec la science.

Pour M. Schlick, disciple de Mach, la légalité apparaît comme un principe régissant entièrement l'intellect, mais comme ne régissant que partiellement les choses.

g) Sur la portée des représentations, MEYERSON cité HEISEN-BERGO qui déclare: « Nous croyons comprendre intustivement une représentation, Jorque les conséquences expérimentales de cellessont imaginalles saus qu'il y ait contradiction. » Scandonnous, au contrairie, et plus réaliste et considére certains aspects de la mécanique quantique comme caractérisés par un « défaut d'intuitivité et un abstrate férnyants, voir révolunis ».

Mayranow admet bien la difference essentielle entre les entités du physicien et les objets du sens commun, mais il estime qu'en lorgeant une représentation e est moins à ses conséquences logiques que l'on songe qu'à l'image même qu'elle offre et par laquelle on espère pénétrer l'esseracé des phénomencs.

h) La conclusion de MEYERSON est la suivante :

« Il est important d'observer que le physicien des quanta se a trouve dans une situation très particulière, puisqu'il est en prée sence de deux images et que celles-ci sont parfaitement contradictoires, inconciliables dans l'imagination. Le physicien, quoi . my'il an ait, ne neut nenser à une chose qui serait à la fair cors puscule et ondulation et doit se contenter de penser à un objet mi est tout à tour l'un ou l'autre. Et dès lors, la notion même de l'objet tend à pâlir chez lui, elle tend à lui échapper au point on'il arrive dans son désarroi, à horner sa nensée au mathéma-« tique pur, à ne plus raisonner qu'en mathématicien...... Le physicien des guanta, en tant que physicien, pense très certaines ment en réaliste ne neut nenser qu'en réaliste. Mais le substrat « de son réel — qui, étant censé revêtir simultanément deux aspects contradictoires, ne peut être véritablement concu sous aucun des « deux - manque à tel point de contour précis qu'il semble constamment prêt à s'évanouir, à se dissoudre dans le néant...... « Si la moindre possibilité s'en offrait, on verrait les chercheurs avec empressement, revenir à une image tant soit neu concréte. réalisable dans la pensée de l'univers, à un Weltbild selon l'expression de M. PLANCE.

L'analyse qui précède montre que les problèmes essentiels que pose, du point de vue de la méthode, la mécanique des quanta, sont :

 d'une part, la mesure dans laquelle cette mécanique porte atteinte à la légalité classique;
 d'autre part, la signification que conservent, dans cette

mécanique, les représentations intuitives (ondes et particules) et la mesure dans laquelle cette mécanique peut donner une image du réel ou Weltbild.

Les deux problèmes ne sont d'ailleurs pas complètement indépendants.

Sur le premier point, deux attitudes semblent admissibles.

Nous avons eu l'occasion de constater que, suivant Diaze et l'aixexancio, le fui qu'une mesure ne se traduise en geliried que par une probabilité et non par une certitude peut être attribué. Al l'interaction carte le système observé et l'optif de mesure. Il n'y a par d'impossibilité théorique, dans des cas convenablement choir si, à effectuer de mesures zeztes (ou certaine) des différents individus de la mécanique des quanta, mais la mesure simultante met ezacte en toute rigueur de la position et de la quantité de mouvement d'un corpuscule est impossible (èvet la circonstance que traduient le relations d'incestitage d'Itsurassunc) du fait de la perturbation que la mesure de la première apporte nécessiriement à celle de la seconde (et inversement). Seule exte perturba-

tion empêche de formuler l'axiome copernicien des conditions initiales.

Une sconde attitude comiste à admottre que la legalita ne règit, que les cassembles sulfinaments important, les individes au par purment et simplement indéterminés, mais seriement abres auvent une lois probabilités qui se déchti d'alliers de l'équation des cordes de Scondauxes. Cette attitude est llustre l'équation des cordes de Scondauxes. Cette attitude est llustre per les chefinas de MM. Perre et boctanes, néchman que nous avons est l'occasion d'analyser plus basts. Dans le macrocopique l'année de l'attençair, il y a législat, mais dans le microcopique (formaine de l'attençair, il y a législat, mais dans le microcopique (formaine de l'attençair, il se massiere estate que des lois de probabilité.

Of, en anticipant is say the torne du pount de veu sidesints, il set permit de considére les élements descinques comme de images commodes, mais qui demerent des conceptions de l'exprit qu'on es saurait toucher de deige. On est deve soudait, pour sauvre à la fois la légalité et la solicion du rest objectif indépendants. Provance la fois la légalité et la solicion du rest objectif indépendants l'objectif de la solicion de la confidence de la solicion pluyique qu'unz seuls ensembles. Cette attitude l'indépendent de la confidence de la c

Il semble qu'elle soit le plus naturelle ; elle ne paruit d'allieure par procéder seulement du désir, qui serait d'allieure lèglime, de conserver le maximum de légalité, mais également d'un certain sespiciaires — très ent che Hussayanne — un se récht à attribure aux indetermable des théories atomiques, lesquels sont légion. Historiquement, la mécanique des matrices est bien ne de cette dernière proccupation, comme on l'a vu plus haut, et les relations d'innexitudes, deux l'interprésation set lies en auxes, ne se sont présentées que comme des conséquement des poutulais fondamentaux ininbarreables et les individus auxquels ent renoncernai sinsi in en limbarreables et les individus auxquels ent renoncernai sinsi in en purvent, présénder être des insegnes (même seulement rationnolles) du riel ; c'est l'imenseble qui, au sens de Pancus, donne un Well-bild, muis nou le constituants.

Du point de vue strictement scientifique, il paralt tout à fait vain de chercher dans l'atomisme des quanta le prolongement de l'atomisme des anciens. L'opision de Poiss.casé était déjà très nette à ce sujet, dès les premiers travaux de PLANCE sur le rayonnement du corps noir : L'oraque Déxocarra s'inventé les atomes, il lès considerait comme des éléments absolument indivisibles. C'est ce que cela veut dire su gree, et c'est d'aillurus pour cela qu'il les varait inventes; c'errière l'atome, il ne voulait plus de mystère. L'atome du chimiste (1) ne bis aurait donc pas donné satisfaction, car cet atome "est unillement indivisible, il n'est pas exempt de mystère; cet atome ast un monde. D'anocavra curait estime qu'apristons être donné tant de mal pour le trouver, nous ne sonnies pas plus avancés qu'un début; ces philosophes ne sont jamais contents. «Bullein et la Société pranquise de physique, plus tents. «Bullein et la Société pranquise de physique, plus

Il n'y a donc rien de comparable, réserve faite de la terminologie, entre l'atomisme des quanta et l'atomisme métaphysique des Anciens.

En outre, l'axiomatique de la mécanique classique elle-même a sensiblement évolué depuis Nxwrox. Dans les Principia, la notion de repos absolu résulte d'un véritable acte de foi : Il serait absurde que les lieux absolus se mâssent... Le seul transport hors de ces lieux fait les mouvements absolus ».

La mécanique moderne est moins exigeante. Bien que scrupuleusement légaliste, elle accepte de se borner à considérer des repérages privilégies, où les lois de mouvement sont plus simples, et ne présuppose pas nécessairement de repérages au repos absolu-Sans cela elle n'auvait pu s'accommoder des novations relativistes, et ce cei de le stade restreint.

Nous sommes bien d'accord avec Marxason sur le fait que le domaine de la légalité est beaucoup plus restreint que celui de l'expérience : seule une classe privilégiée de phésomènes peut répondre à un principe de moindre action, ce qui est à la fois nécessaire et suffiant pour les interprétations mécaniques, au sons clarsions.

Les efforts des savants ont tendu de tout temps à crèer des édilices étéerministes, afin de pouvoir en déduire des préviaions. Mais toutes les lois, même les mieux observées comme celles de la mécanique céleste, out été, en première analyse, édeultes d'un réseau de statistiques, ou, il fou veut, étzpériences répétée inlassablement, tels par exemple les catalogues d'étoiles amassés de toute antientée.

⁽¹⁾ Rt a fortiors, celui de Bonn

En négligeant les légères divergences que l'on pensait pouvoir mettre sur le compte d'erreurs accidentelles, on a pu énoncer, tant en physique qu'en mécanique, des lois absolues. L'effort de simplification a été voulu ; dans le macroscopique, il se justifiait.

Il est hors de doute qu'à l'opposé la science ne sauvait s'occuper du domaine du libre sabire; les avantes ne peuvant infer nice avant du domaine du libre sabire; les avantes ne peuvant infer nice de la destinate de l'une de la comment, par exemple, au jure de pile on face qui, exteuté par des jusces homes de cele suite extenté par des jusces de la comment de l'une des formats de l'une des produbilités, délagra, a l'ainé des grands nombres, une probabilité de dégage, a l'ainé des grands nombres, une probabilité de louisse tent pour un résultat donne sus probabilités tres voisine de l'une tate pour un résultat donne sus probabilités tres voisine de l'une tate pour un résultat donne sus probabilités tres voisine de place des des publices de la consideration de la consideration de la comment de la comment de la consideration de la consid

L'un des aspects les plus intéressants de la nouvelle mécanique est précisément de prendre en considération, avec DIRAC, les perturbations introduites par les mesures. Sous cette forme l'atteinte. d'ailleurs partielle, à la légalité ne semble pas pouvoir être reietée a priori. On admettrait alors, contrairement à la thèse de M. Schlick citée par Mayerson, que toute science expérimentale suppose à l'origine un stade statistique, et que la légalité même ne résulte que d'un simple passage à la limite. Dans le microscopique, ce passage à la limite n'est plus toujours justifié ; c'est là une des conseguences les plus curieuses de la nouvelle mécanique. Nous avons dit, au passage, que certains continuateurs de la théorie de Dirac rejetajent même les cas purs où une expérience peut se traduire par un résultat certain, car il y aurait alors perturbation inévitable à toute mesure. Or cette circonstance (existence d'une certitude) est sinon suffisante du moins nécessaire pour formuler une loi, au sens classique.

Il est essentiel de rappeler que dans la mécanique des quanta suhsiste un principe d'évolution. La forme même de l'équation de Scinadorican le montre à l'évidence. Les états de Disac euxmêmes sont permanents sauf perturbation. Et cette permanence fort différente de celle que Mayrasson attribue aux concents — admet une évolution déterminée à la manière classique, comme le serait le mouvement d'un système à partir de conditions initiales données.

La mécanique des quanta ne permet donc pas de conclure à la faillite du déterminisme, couume on l'avance parfois. Son illégalité relative tient à la circonatance qu'elle s'occupe d'expériences trop délicates pour que l'on puisse, d'une manière générale, ne pas tenir compte de l'interaction entre le système étudié et les outils de mesure.

La mécanique des quanta oblige d'autre part à revenir sur le problème fondamental des représentations.

Dans ce problème, nous entendrons par réel le domaine même de

l'expérience, sans nous soucier ioi de la manière dont il peut être déduit des sensations. Nous sommes d'accord avec Meyrason sur le fait que les entités du physicien sont des objets du second ordre, essentiellement distincts des objets du sens commun.

ll est remarquable de constater que cette idée fondamentale existait déjà chez Newton; elle semble constituer une dérogation nécessaire au dogmatisme des *Principia*.

On peut se demander si la célèbre déclaration « Hypotheses non fingo » ne provient pas du fait que les affirmations en matière de concepts (temps, espace) semblaient si évidentes à NEWTON mu'il se refusait à v voir des suppositions.

Mais, après avoir dit : « Le temps absolu, vrai et mathématique, sans relation directe à rien d'extérieur, coule uniformément et s'appelle duvée » et d'autre part : « L'espace absolu, sans relation aux choses externes, demeure toujours similaire et immobile », il a soin d'aioutse :

- « Le temps relatif, apparent et vulgaire, est cette mesure sensible et externe d'une partie de durée quelconque (égale ou inigale) prise du mouvement : telles sont les mesures d'heures, de jours, de mois, etc... dont on se sert ordinairement à la place du temps
- de mons, etc... cont on se sert ordinairement a la piace du temps
 vrai. :
 « L'espace relatif est cette mesure ou dimension mobile de l'espace
 absolu, jorsun'elle tombe sous sos sens par la relation au corns el
 - que le vulgaire confond avec l'espace immobile.

 « Il est très possible qu'il n'y ait point de mouvement parfaitement égal, qui puisse servir à la mesure exacte du temps, mais le temps absolu doit toujours couler de la même manière. »

Il y a plus :

« Les quantités relaties ne sont pas les véritables quantités dont elles portent le nom, mais ce sont les meures sensibles, exactes ou non exactes, que l'on emploie ordinairement pour les meurer. On aurait tort si l'on entendait par les mots de temps, d'espace, de lieu et de mouvement, autre chose que les meuves sensibles de ces quantités, excepté dans le langes purments mathématique. »

Les conceps newtoniens de temps et d'espace ont indisoutablement le caractère de jugements a priori. Newvon n'hésite pas ainsi à postuler l'existence du mouvement pardisement égal, c'est-à-dire du mouvement uniforme, alors même que l'univers réel n'en offrirait point d'exemple.

Bien que directement issus des idées newtoniennes, les concepts modernes ont do subir quedques aménagements. La ménanique classiques, nous le rappeleux, ne présuppose pas actenzaiement de repérages au reportages au repos abondo, in de temps invariant dans un change-reporte que de la contra del contra de la contra del contra de la contra del con

Il reste qu'en introduisant la distinction essentielle entre les concepts (temps, espace) et les éléments sensibles qui en constituent l'image vulgaire, Newron a jeté les bases de l'interprétation physique de la mécanique.

Les individus abstrais introduits en mécanique (et en particuler les « observables » de Draxc) sont des objets du sons commun directement accessibles à l'expérience, et dont ils constituent les naisques rationels. Mais au sens moderns, ils ne constituent pas des jagements a priori, alors que pour Newros ils semblent bien avoir représenté une nécessité mère de l'esserit.

Le point de vue moderne se prête ainsi — et cela semble une modenție imbateable — aut modificationa cuju purunt tere diretes par das experiences nouvellas. Nous avons delja observé qu'il était morand que fos assiones de la microquie, degage origitalement de l'expérience, lussent un jour submargée par celle-ci. La théorie es quanta nous oblige, en fait, à de telles revisions, mais à des versions acceptables car, dans tous les cas of l'on peut niègliges qu'un de la constante universelle de Paxes, c'est-à-dire dans tout le do-

maine macroscopique, les phénomènes expliqués par la mécanique ordinaire demeurent sauvés.

La représentation traditionnelle de la mécanique classique est à base de points matériels, ou, si l'on veut, de particules. La dynamique des systèmes se déduit par sommation ou intégration de celle du noint matériel.

Dès le premier mémoire de L. DE BROGLIE se trouve introduit à côté du point matériel, un paquet d'ondes associées à ce point, et dont l'amplitude résultante est approximativement localisée en ce point.

Il importe de souligner estes circonstance fondamentales qu'il Faide d'une induction fort naturalle sur le mouvement d'un point matériel décrivant une trajectoire fermée, le seule cohérense de l'association onde-particula liere les conditions des quants, c'est-à-cliro les discontinuités nécessaires à l'interprétation miscanique de la structure des raies spectrales, qui n'avaient par être introduites par Bons qu'il l'aide d'une effection meterment arbritaire dans les solutions admissibles, au sens classique, d'un problème de mécanique.

Le proguits rationnel ainsi annoncé par L. De Boccus s'est trouvé, dans le point de vue modalatoire, confirmé par les travaux de Scrandonvers, les conditions des quanta résultant exclusivement de restrictions toutes naturelles imposée aux solutions de l'équation des ondes (continuité, répularité, uniformité, nulité à l'infini). Dans le point de vue quantique, introduit en premier live par Hiruxunano, ces mémes conditions des quanta prennent un caractère purpenent algebraux, et s'incorporart ainsi aux postultats de la mécasique des matrices, die-mêmes dérivée par analogie, comme mécasique corporare par la présent des la constituir de la constituir de mécasique composiçue et de la mécasique de la la mécasique composition chasiques.

La dualité onde-corpuscule a donc été, des les premiers travaux de L. se Broclis, fructueuse du point de vue logique en offrant un moyen naturel d'introdure en mécanique les discontinuités des niveaux d'energie d'un système imposées par les expériences de obvisues adonnies.

Cette dualité même est cependant considérée par certains comme une faiblesse de la nouvelle théorie: c'est ainsi que pour Mexenso. le physicien doit nécessairement penser à l'aide d'images concrètes. Or, si on leur attache un sens matériel, les deux images de l'onde et de la particule apparaissent contradictoires et irréductibles l'une à l'autre, d'où le « désarroi » qui oblige le physicien à borner sa pensée au mathématique pur.

Il emble que de telles objections ne fassent que renouver le querelle bien comme qui a toujeum divisé et qui divise more les essuadaires et les idelaties. Pour les sensualites, auxquels Myrancos semble «layacenter par délance » Algrand de la peasée logique qu'il considère comme nécessairement « quisesset», le red de la perception spoutante nes saurent fec écarté, même ; par décré « des théories en apparence les plus abtristies. Ce sont des promés et qui permattrissant de pelatres "researe dus phonomies. Sons ce jour, la mécanique des quants se heurie en effet à de gavves objections de principe des

Pour l'idealiste, au contraire, la duulité onde-copuscule ne pout a priori donne l'ine ai difficuit. Le se expérientations l'out à sex yeux de valeur autre que symbolique ou si l'on veut linguistique. Elle ne autraient na autraient na autraient na autraient na autraient na portée d'une théorie. Des éléments abstraits tels que l'onde et la particule pseuvant été se simultanient ou alternativement utilisés dans le langage d'un même ensemble de édoctions, sans qu'il en résulte de contraficion. Nous ne pouvean miseur tiein, pour fixes le point de vue idéaliste, que de citer Dirace, dont l'opinion est particulièrement

« Les notions d'onde et de particule doivent être considérées

comme deux abstractions utilisées pour décrire une seule et même réalité physique. On ne duit pas en réprésenter cette réalité comme quelque chous contennant à la fois des ondes et des particules qui regissent les unes rele autres, ni sexper de constrair un mécanisme qui puisse décrire correctement leurs rapports en rendant compts du movement réel des particules. Toute tentielle de cenne ioui directement à l'enceutre des principes qui sont à la buarde de formules de la physique soufers. La micensième quantique me fait que tentre de formules des lois fondament des pois fondament des relations entre ondes et particules, plus profondément que ne l'exige eu lu proire, quait insulté et démond és seus .

L'idéalisme n'exclut nullement le constant souci de l'expérience.

Dans l'ouvrage dont nous extrayons la citation précédente, Dirac déclare : « l'ai tâché de maintenir la physique au premier plan... en examinant, chaque fois que cela était possible, le sens physique caché sous le formalisme mathématique. »

Diaca sontigne encora, a l'occasion de l'équation de Scandonsora, que l'ora qualific delle-ci d'équation des ondes parce que dans beaucoup de cas simples ses solutions out la forme d'ondes se mouvant dans l'espace des coordennées, mais que dans le cas général il n'en est pas sinsi et que c'est par une simple convention de langrage que les solutions de cett é equitos sont encora espodées (ontions d'ands. Dans la théorie de Diaca, c'est l'interprétation sout forme d'amplitude de probabilité des solutions de cette équation qui est fondamentale, et sullement la représentation ondulatoire qu'on peut y attacher parfois.

Il n'est pas niable que le physicien qui obscrve une chambre de Wilson, traversée de sillages rectilignes de gouttelettes de vapeur d'eau condensée, évoquera nécessairement l'idée que les rayons « qui traversent la chambre sont des nacticules dont il voit les trainetoires. Regardant au contraire les anneaux de diffraction obtenus par Davisson et Germer dans l'expérience dont nous avons parlé. le même physicien évoquera non moins nécessairement l'idée de l'onde matérielle. Ce sont là deux images intuitives, d'ailleurs contradictoires, que, dans le point de vue sensualiste, on désircrait conservor. Mais alors il y aurait deux physiques, l'une de l'onde l'autre de la particule, s'excluant mutuellement et se partageant les phénomènes. Il y aurait deux Weltbild, au sens matériel de ce terme. Pour l'idéaliste, au contraire, le but essentiel est d'inclure les phénomènes dans une même explication déductive. Cela est possible en la circonstance, à l'égard des deux expériences citées, mais à la condition essentielle de renoncer à parler d'autre chose que d'hamiltoniens quantiques et d'ondes de probabilité. Le Welthild luimême s'est épuré, il n'est plus qu'une explication lorique. Tel nous semble bien être le point de vue partagé par Dirac et Heisenherd. Au fond, le panmathématisme est au prix de cet effort d'abstraction

Cela ne veut nullement dire que l'univers réel soit peuplé d'individus mathématiques, ce qui serait absurde. D'ailleurs, les individus mathématiques se divisent en deux classes, ceux qui sont purment abstrait ou inobservables et les «observables» en ui sout les analogues rationnels de quantités expérimentalement mesurables, mais qui constituent encore des abstractions.

mais qui constituent encore des abstractions.

Cela ne veut pas dire non plus que les images intuitives (onde st narticule) n'aient pas joué un rôle dans la création même de la

mécanique des quanta.

Ce que dit à ce sujet Mayrasson des ondes de L. Dr. Brochte est for vraisemblable, encore qu'il eût appartenu au fondateur même de la nouvelle mécanique d'exprimer sur ce point sa pensée.

ue a novembre de caprimier sur es pentas à perigee.

Mais ce n'est pas le mécanisme même de la découverte, domains réservé aux seuls créateurs de la théorie, qui nous occupe ici. Notre entreprise est heancoup plus modeste et nous nous réclamons seulement du grand nombre de ceux qui, dans la direction nouvelle ouverte nur les grands artisant de la nouvelle mécanisme, checheden qui perigent de la proviet de la convente de la convente metanisme checheden.

le chemin de la dédustion, dans l'espoir d'être convaincus.

Dans cette derniere recherche, nous ne voyons pas d'autre refuge
que le point de vue idealiste car, dans la nouvelle mécanique, les
représentations auxquelles on pourrait penser faire appel sont
beaucous plus failibles que dans l'ancienne.

HERENERO a en effet montré que ail Tonde, ai la particule ne propuvent être condiciéres comme des images correctes de la réalité. La dualité onde-corpuscule de la mécanique quantique s'accompa, per d'une faillité onde-corpuscule de la mécanique quantique s'accompa. Si l'en tiens la représentation cardulatoire pour correcte, on aboutit aux relations d'incertitude c'est-4 faire l'impossibilité de connaître simultanément la position et la vitesse d'une même particule. Le fait de tonir pour exacte la représentation conjudiaire conduit corrélativement à une critique de la représentation ondustatoire, au radiaisent pur de nouvelles relations d'incertitude entre les valeurs des composantes des changes électrique et magnétique. Le seule des composantes des changes électrique et magnétique. Le seule group de réconcilier ces deux presidentations, comme l'a noté L. Es

Soulignous encore que le paint de vue idealiste ne semble pas devoir trouves one expession dans l'opinion d'Eddouveron, repredutte plus hunt d'après Mayrasso. Le matériaux béast du physièren ne saumaient être constitués par autre chose que l'expérience, dont il est d'affaitse foisible à l'abélaitse d'avoir le plus grand coud (Harsassanno et Drace en particulier en sont la preuve). Un couper tousume f'abre n'a qu'une vealure strictement symbolique.

BROGLIE est d'ordre statistique.

Lorsque Einstein, à l'occasion de la relativité restreinte, l'a

declare superflu, il n's pu shoquer que des estandires qui caqueint un suppor un nodes huminers, quite a le deré different de caserdéritques asses paradoxales. Un idedistr pouvait être de caserdéritques asses paradoxales. Un idedistr pouvait être convaiour par le raisonamente d'Esperars suivant leguel la considération de l'éther ne l'impossis plus, aucun système de référence ne pouvant joint de propriétes particulières du fait qu'il e trouverait au repas par rapport à un tel milieu. Hunxunaran note mocre que, dour le point de sen endadative, on peut ne plus parler de l'éterens, as charge et as masse (au repos) devenant des constantes universelles ouil feuers dans l'évasition dev nodre.

Le panmathématisme, dont la mécanique des quanta est uno manifestation dans la mesure où elle explique la structure des raises spectrales analyses jusqu'alores empiriquement, a d'ailleur d'une manière générale pour conséquence une réduction du nombre des concepts (toute l'évolution de la science le montre à l'évidence) et et no tous cau une épuration de ceux-ci.

٠٠.

Nous arrêterous iei ces quelques réflezions sur la mécanique des quanta. Nous devon nous exusure par avance des creurs que nous avons pu commettre en treduisant la pensée à la fois si subtile et ai diverse de sauteurs dont nous cavos sespé de résumer — très partiellement d'ailleurs — les travaux. Il est toujours difficile de parler du nitridone en marge de la seitence, saus déformation pur le partie du nitridone en marge de la seitence, saus déformation plus source d'une destrire aussi révente que la mécanique des quants et dont l'évolution se poursoit chaque jour.

La theorie des quanta, en debors de ses conquêtes expérimentales, présente l'interdet essentiel d'obliger à un nouvel examen des principes sur lesquels reposent les interprétations mécaniques classiques. Ni l'axiomatique, ni la légalité, ni les représentations traditionnelles au peuvent subsister telles quelles devant les nécesoités expérimentales de la physique atomique.

Il semble nécessaire de reconnaître que les axiomes coperniciens, nés de l'observation, ne sont pas intangibles en présence d'expériences nouvelles, dans la limite où on peut continuer à sauver les phénomènes déjà acquis, que la légalité classaque ne s'aspolique en tonte rigneur qu'à des ensembles suffisamment importants, ies déments de ces ensembles étant ablations suivant des lois de prochéments de ces ensembles étant ablations suivant des lois de probabilité déterminées, et qu'il est nécessire dy apporter quélques anémagements lorsqu'on se peut plus négliger l'internation entre l' l'abjet meuré et l'outil de meuure, qu'enfin les représentations de classiques (note et corpussels) se sont qu'images imparâties dans le sequelles, suivant en ceci le point de vus idéaliste, on ne doit pas chercher une description rigouremes de l'univers relot.



TABLE DES MATIÈRES

	rage
latroduction	1
I L'axiomatique de la mécanique classique	
II Novations relativistes à l'aziomatique de la mécausque ordinaire.	
III L'évolution de la mécanique des quanta	13
IV L'axiomatique des nouvelles mécauiques	24
V Relations d'incertitude d'Heisenberg	3
VI Traitement relativiste de la mécanique quantique	3
VII Le point de vue du physicieu	42
VIII Le point de vue épistémologique	4



PHYSIQUE DES CORPS SOLIDES

CONTRACTOR SCIENCE OF PROPERTY LE

200 200 200

E-1

4.7

1 27/20

Marine Town

THE THE

-

alon-Tenor

Assualites Secontifiques et Industrielles

Typeser He
